doi:10.3969/j.issn.1673-9833.2017.05.003

# 翼伞 – 载荷系统的航迹跟踪

## 窦天恒,程文科,高普云

(国防科技大学 航天科学与工程学院,湖南 长沙 410073)

摘 要: 翼伞 - 载荷系统可被用于精确空投、定点无损着陆以及大型航天器的回收,在航空航天、军事等领域发挥着非常重要的作用。因此,基于翼伞 - 载荷系统的八自由度动力学模型,采用横向非线性控制方法,对翼伞 - 载荷系统的航迹跟踪进行了理论分析与仿真模拟。仿真结果表明,飞行器与参考点之间的较佳距离 L<sub>1</sub>为 100 m;该距离内,无风和受到 5 m/s 常值风情况下,所提出的翼伞 - 载荷系统均能较好地完成 90°,180°, 270°,360°转弯的航迹跟踪,说明横向非线性控制方法具有较好的控制性能和一定的抗风能力,可被应用于翼伞 - 载荷系统的航迹跟踪控制,为翼伞 - 载荷系统的优化设计以及大型航天器回收的精确控制提供参考。
 关键词:翼伞 - 载荷系统;横向非线性控制方法;航迹跟踪

中图分类号: V448.121; TP391.9 文献标志码: A 文章编号: 1673-9833(2017)05-0011-06

# Research on the Path Tracking of the Parafoil-Payload System

DOU Tianheng, CHENG Wenke, GAO Puyun

(School of Aerospace Science and Engineering, National University of Defense Technology, Changsha 410073, China)

**Abstract:** The parafoil-payload system, which plays an important role in such fields as aerospace and military affairs, can be applied for precision airdrop, nondestructive landing and large spacecraft recovery. Therefore, based on 8-DoF dynamic model of the parafoil-payload system, the lateral nonlinear control method has been adopted to analyze and simulate the tracking of the parafoil-payload system. The simulation results show that 100 m will be the optimum distance  $L_1$  between the vehicle and the reference point, under which condition, the proposed parafoil-payload system can efficiently achieve trajectory tracking under different turning angles of 90°, 180°, 270° and 360° without wind or with a constant wind of 5 m/s. It illustrates that the lateral non-linear control method exhibits a better control performance as well as certain control ability to withstand wind, which can be applied to the trajectory tracking of the parafoil-payload system and precision control of large spacecraft recovery.

Keywords: parafoil-payload system; lateral non-linear guidance method; path follower

# 0 引言

进入 21 世纪以来,随着科学技术的迅猛发展和 新军事变革的不断深入,航空航天和军事领域对精 确空投和无损定点着陆技术的要求越来越高。翼伞-载荷系统可被用于精确空投和大型航天器的回收,应 用前景广阔,逐渐成为空投和回收领域的研究热点<sup>[1]</sup>。 翼伞-载荷系统是一个复杂的非线性控制系统, 在进行助推器等大型载荷的回收时,由于载荷较大, 为了避免系统失稳,需要考虑载荷与伞体之间的相对 运动。目前,国内对翼伞-载荷系统的控制研究主

收稿日期: 2017-08-10

作者简介:窦天恒(1992-),男,山东青州人,国防科技大学硕士生,主要研究方向为航天器回收, E-mail:dth\_1210@163.com 要基于六自由度的动力学模型。因此,为了实现对翼 伞-载荷系统的精确控制,有必要建立八自由度动 力学模型,并在此基础上研究翼伞-载荷系统的控 制及航迹跟踪方案。

# 1 翼伞 - 载荷系统的八自由度动力学 模型

在进行助推器等大型载荷的回收时,为了避免翼 伞-载荷系统失稳,需要考虑载荷和伞体之间的相 对运动,建立至少二体的动力学方程。当前国内对翼 伞控制方面的研究主要基于六自由度模型<sup>[2]</sup>,即将伞 体和载荷看作刚性连接的整体,不考虑两者之间的相 对运动。而在实际应用中,伞体与载荷之间是存在相 对运动的,显然,基于六自由度的控制方法研究已经 不能满足实际应用的需求。因此,本研究使用的模型 为翼伞-载荷系统的八自由度刚性铰接模型<sup>[3]</sup>,即在 六自由度模型<sup>[4-6]</sup>的基础上,考虑了载荷相对于伞体 的两个相对转动自由度<sup>[7]</sup>,即相对偏航和相对俯仰。

## 2 翼伞 - 载荷系统的跟踪控制

翼伞-载荷系统不同于固定翼飞机或旋翼飞行器, 其横向控制只能通过左右后缘下拉来实现,且操纵具 有一定的迟滞性<sup>[8]</sup>,因此,可以将导弹制导中的横向 非线性制导方法用于翼伞-载荷系统的跟踪控制。

#### 2.1 横向非线性控制方法的原理

横向非线性控制方法<sup>[9-10]</sup>的原理是在期望轨迹 上选取一系列的航迹点,控制飞行器在这一系列航迹 点上飞行,即可跟踪一条给定的路径。每计算1次, 都要在期望轨迹上距离翼伞 L<sub>1</sub>的位置上选择一个参 考点,如图1所示。



图 1 横向非线性控制方法原理图

Fig. 1 A schematic diagram of the lateral non-linear control method

选取的参考点与翼伞的连线和翼伞水平速度 $v_h$ 之间的夹角用 $\eta$ 表示,则产生的横向加速度的表达式为

$$a_{\rm lat} = 2\left(v_{\rm h}^2/L_{\rm l}\right)\sin\eta_{\rm o} \tag{1}$$

如果选取的参考点位于飞行器速度矢量的左侧,则横向加速度方向向左;反之,如果选取的参考点位 于飞行器速度矢量的右侧,则横向加速度方向向右。 当飞行器的速度方向刚好指向参考点时,横向加速 度为0。因此,在横向加速度的作用下,飞行器将沿 圆周从当前位置向参考点运动,如图1中虚线所示。 圆周运动的半径 *R*<sub>1</sub> 为

$$R_1 = L_1 / (2\sin\eta) \, \circ \tag{2}$$

通过这种横向非线性控制方法,可以实现对飞行 器的航迹跟踪。

#### 2.2 参考点选取对跟踪控制的影响

在横向非线性控制方法中,参考点的选取非常关键,其用飞行器当前位置到参考点的距离*L*<sub>1</sub>表示。 横向非线性控制方法的原理就是控制飞行器的速度 方向指向参考点,因此,*L*<sub>1</sub>的选取至关重要,下面 分析*L*<sub>1</sub>对跟踪控制的影响,图 2 为参考点对跟踪控 制的影响示意图。



图 2 参考点对跟踪控制的影响示意图



如图 2 所示,  $L_1$  为飞行器与参考点之间的距离, y 为横向轨迹偏差,  $v_h$  为飞行器当前的速度,  $\eta_1$ ,  $\eta_2$ 为飞行器的横向偏差。假设  $\eta$  很小, 则有

$$\sin\eta \approx \eta = \eta_1 + \eta_2, \qquad (3)$$

$$\eta_1 \approx y/L_1, \ \eta_2 \approx \dot{y}/v_{\rm h^\circ} \tag{4}$$

将式(3)(4)代入式(1)可得

$$a_{\text{lat}} = 2\frac{v_{\text{h}}^2}{L_1} \sin \eta \approx 2\frac{v_{\text{h}}}{L_1} \left( \dot{y} + \frac{v_{\text{h}}}{L_1} y \right)_{\circ} \tag{5}$$

由式(5)可知,飞行器与参考点之间的距离 $L_1$ 是影响控制器增益的重要因素:如果 $L_1$ 取值过小, 飞行器运动的向心加速度过大,可能会使系统失稳; 如果 $L_1$ 取值过大,飞行器运动的向心加速度过小, 则会使系统响应较慢,跟踪时间较长。

#### 2.3 翼伞 - 载荷系统的航迹跟踪

在翼伞-载荷系统受控进行横向加速的过程中, 假设其沿一条圆弧轨迹运动,该轨迹由参考点的位置、 翼伞 - 载荷系统的位置以及翼伞载荷系统的速度方向 决定<sup>[9]</sup>。该圆弧轨迹从翼伞 - 载荷系统当前位置开始, 与速度方向相切,在参考点处结束。这样,翼伞 - 载 荷系统的横向加速度就等于该段圆弧轨迹的向心加速 度。由式(2)可得该圆弧轨迹的曲率半径为

$$R_{1} = L_{1} / (2\sin\eta); \qquad (6)$$

由此可得,其向心加速度为

$$a = v_{\rm h}^2 / R_{\rm l} = 2 \left( v_{\rm h}^2 / L_{\rm l} \right) \sin \eta; \qquad (7)$$

翼伞-载荷系统沿圆弧运动的角速度为

$$\omega = v_{\rm h}/R_{\rm l} = \left(2v_{\rm h}\sin\eta\right)/L_{\rm l} \circ \tag{8}$$

式中ω为翼伞-载荷系统的偏航角速度,即转弯速率。

翼伞 - 载荷系统的横向控制只能通过左右后缘 下偏实现,即通过转弯来实现。根据对翼伞 - 载荷 系统转弯特性的分析,得到翼伞 - 载荷系统不同的 单侧后缘下偏量对应的转弯速率和转弯半径<sup>[3]</sup>,如表 1 所示。因此,在跟踪期望轨迹的过程中,可以根据 横向非线性控制中的角速度即翼伞 - 载荷系统的转 弯速率来确定后缘下偏量的大小。

表1 单侧下偏量与转弯速率、转弯半径的关系

Table1 Relationship between brake deflection and turning rates and radius

单侧下偏量 /%	转弯速率/(rad·s <sup>-1</sup> )	转弯半径 /m
5	0.009 8	1 765
6	0.012 9	1 345
7	0.016 2	1 070
8	0.019 8	878
9	0.023 5	738
10	0.027 5	632
15	0.049 5	350
20	0.074 5	232
30	0.131 3	133

由表1可以得知,当下偏量 $\delta=5\%$ 时,翼 $\phi-$ 载荷系统的转弯速率为0.0098 rad  $\cdot$ s<sup>-1</sup>;当下偏量  $\delta=10\%$ 时,其转弯速率为0.0275 rad  $\cdot$ s<sup>-1</sup>。

假设翼伞-载荷系统的下偏量与转弯速率为线 性关系,则翼伞-载荷系统的瞬时后缘下偏量可以 近似表示为

 $\delta = k \left( \frac{(\omega - 0.009 \ 8) \times 0.05}{0.027 \ 5 - 0.009 \ 8} + 0.05 \right) \times 100\%, \quad (9)$ 

式中 k 为比例系数。

由于翼伞-载荷系统的操纵具有一定的迟滞性,因此,可以通过调节 k 的大小来适当增加控制量,以 克服其迟滞性的影响,同时增强其抗风能力。

此外,由表1还可得知,当下偏量 *δ*=30% 时,转 弯半径为133 m。由于下偏量过大会导致翼伞-载荷 系统失稳,因此,当期望轨迹的曲率半径小于133 m时, 认为翼伞 - 载荷系统只能以最大的转弯速率来跟踪, 即取翼伞 - 载荷系统的最大下偏量 &=30%。

#### 2.4 航迹跟踪的仿真与结果分析

由前面的分析可知, L<sub>1</sub>取值的大小对航迹跟踪的效果有着重要的影响,下面以跟踪 90°转弯航迹为例,仿真翼伞-载荷系统的跟踪效果。

假设翼伞 - 载荷系统在无风环境下正沿 *x* 轴正方 向飞行,将 *L*<sub>1</sub>分别取 50,100,150,200,300,400 m, 比例系数 *k*取 3,所得仿真结果如图 3 所示。







由图 3 可知,当 $L_1$ 取值过小时,控制效果不理 想,曲线收敛较快,但后期会有不衰减的微小振荡, 如图 3a;当 $L_1$ 取值过大时,收敛较慢,控制时间较长, 需要足够的距离才能跟踪到指定方向,控制精度较 低,如图 e、f。可见,所得仿真结果与之前对 $L_1$ 取 值的理论分析基本一致。对比图 3 中各曲线可以得知, 当 $L_1$ =100 m 时,控制效果最好。

下面取 L<sub>1</sub>=100 m, 分别仿真翼伞 - 载荷系统在 无风情况下跟踪 90°, 180°, 270°, 360°转弯的航迹 图, 所得仿真结果如 4 所示。

由图4可知, 翼伞-载荷系统较好地完成了对 各转弯角度的跟踪,达到了预期控制效果,控制精度 较高。





Fig. 4 Simulation results of trajectory tracking under different turning angles without wind

为了进一步考察该控制方法的抗风性能,假设 翼伞-载荷系统受到 5 m/s 的常值风,风向沿 x 轴正 方向,其它条件与无风时保持一致。分别仿真翼伞-载荷系统跟踪 90°,180°,270°,360°转弯的航迹图, 所得仿真结果如图 5 所示。







对比分析图 5 与图 4 可知,在无风和受到 5 m/s 常值风情况下,翼伞-载荷系统的跟踪轨迹差别很小, 控制效果基本相同,说明横向非线性控制方法具有一 定的抗风能力。但仿真实验过程中发现,当风速达 到一定数值后,翼伞-载荷系统不能有效地跟踪航 迹。如以 360°转弯为例,假设风速为 10 m/s,风向 沿 x 轴正方向,其它条件不变,所得仿真跟踪结果如 图 6 所示。由图 6 可知,当风速达到 10 m/s时,翼伞-载荷系统不能有效地跟踪 360°转弯航迹,控制过程 出现较大偏差,且这种偏差在顺风时尤为明显。





翼伞 - 载荷系统的抗风能力与后缘下偏量的大 小有关,式(9)中提到,由于翼伞 - 载荷系统的迟 滞性,适当提高比例系数 *k* 可以增大控制量,可在一 定程度上提高翼伞 - 载荷系统的抗风能力。以上仿 真过程中 *k* 的取值都为 3,下面选取 *k*=1, *L*<sub>1</sub>=100 m, 以 360°转弯为例,分别仿真无风和风速为 5 m/s 常 值风情况下翼伞 - 载荷系统的跟踪情况,所得结果 如图 7 所示。



Fig. 7 Simulation results of trajectory tracking under a turning angle of  $360^{\circ}$  without wind or with k=1 and  $L_1=100$ 

由图 7 可知,当 *k*=1 时,在无风情况下,翼伞 -载荷系统 360°转弯的航迹跟踪效果与图 4d 基本相 同,可见能较好地完成航迹跟踪;但在风速为 5 m/s 的常值风影响下,航迹跟踪效果与图 5d 相差较大, 不能有效地完成跟踪。这一结果表明,适当增大 *k* 的 取值,可以在一定程度上提高翼伞 - 载荷系统的跟踪 精度和抗风能力,仿真结果与此前的理论分析一致。

# 3 结论

本文基于翼伞-载荷系统的八自由度模型,采 用横向非线性控制方法,研究了翼伞-载荷系统的 航迹跟踪,通过仿真验证,可得到如下结论:

1)飞行器与参考点之间的距离 $L_1$ 是影响控制器 增益的重要因素,其取值大小对航迹跟踪的效果有着 重要影响,当 $L_1$ 取值过小时,控制效果不理想,曲 线收敛较快,且后期会有不衰减的微小振荡;当 $L_1$ 取值过大时,收敛较慢,控制时间较长,需要足够的 距离才能跟踪到指定方向,控制精度较低,所设定的 取值范围内,当 $L_1$ =100时,控制效果最好。

2)所提出的横向非线性控制方法较好地完成了 对 90°,180°,270°,360°转弯的航迹跟踪,达到了 预期控制效果,控制精度较高。

3) 在无风和受到 5 m/s 常值风情况下, 翼伞 -载荷系统的跟踪轨迹差别很小, 控制效果基本相同, 说明横向非线性控制方法具有一定的抗风能力。但当 风速达到一定程度后, 如 10 m/s, 翼伞 - 载荷系统不 能有效地跟踪航迹。

4)适当增大 k 的取值,可以在一定程度上提高 翼伞 - 载荷系统的跟踪精度和抗风能力。

以上结论表明,所提出的翼伞-载荷系统能较 好地完成各转弯的航迹跟踪,说明横向非线性控制 方法具有较好的控制性能和一定的抗风能力,能够应 用于翼伞-载荷系统的航迹跟踪控制,为实现翼伞-载荷系统的精确稳定控制提供了理论方法。

#### 参考文献:

- (1] 宋旭民,程文科,彭 勇,等.先进的精确空投系统[J]. 航天返回与遥感, 2004, 25(1): 6-10.
   SONG Xumin, CHENG Wenke, PENG Yong, et al. Advanced Precision Airborne Delivery Systems[J].
   Spacecraft Recovery and Remote Sensing, 2004, 25(1): 6-10.
- [2] 熊 菁. 翼伞系统动力学与归航方案研究 [D]. 长沙: 国防科技大学, 2005.
   XIONG Jing. Research on the Dynamics and Homing

Project of Parafoil System[D]. Changsha: National University of Defense Technology, 2005.

- [3] 窦天恒,程文科.翼伞-载荷系统的建模和运动特性 分析[C]//第五届全国航天飞行动力学技术研讨会论文 集.文昌:航天飞行动力学技术重点实验室,2017: 154-164.
  DOU Tianheng, CHENG Wenke. Modeling and Motion Characteristic Analysis of the Parafoil-Payload System[C]//The 5th National Symposium on Space Flight Dynamics. Wenchang: The Key Laboratory of Space
- Flight Dynamics, 2017: 154-164.
  [4] 胡文治,陈建平,张红英,等.翼伞空投系统的动力 学建模与飞行控制仿真[J].航空计算技术, 2017, 47(3): 70-73.
  HU Wenzhi, CHEN Jianping, ZHANG Hongying, et al. Dynamics Modeling and Flight Control Simulation of Parafoil Aerial Delivery Systems[J]. Aeronautical Computing Technique, 2017, 47(3): 70-73.
- [5] 周 靓, 戈嗣诚, 张青斌, 等. 翼伞空投系统动力学 建模与仿真 [J]. 航天返回与遥感, 2017, 38(2): 10-16.
   ZHOU Liang, GE Sicheng, ZHANG Qingbin, et al.

Dynamic Modeling and Simulation of Parafoil Airdrop System's[J]. Spacecraft Recovery and Remote Sensing, 2017, 38(2): 10–16.

- [6] 蒋万松,荣 伟.火箭助推器翼伞回收动力学仿真分析 [J]. 兵器装备工程学报, 2017, 38(3): 6-13.
  JIANG Wansong, RONG Wei. Dynamical Simulation Analysis for Booster Recovery with Parafoil System[J]. Journal of Weapon and Equipment Engineering, 2017, 38(3): 6-13.
- [7] 熊 菁, 宋旭民, 秦子增. 翼伞系统两体相对运动分析 [J]. 航天返回与遥感, 2004, 25(2): 10-16.
  XIONG Jing, SONG Xumin, QIN Zizeng. Analysis on Two Body Relative Movement of Parafoil System[J].
  Spacecraft Recovery and Remote Sensing, 2004, 25(2): 10-16.
- [8] MÜLLER S, WANGER O, SACHS G. A High-Fidelity Nonlinear Multibody Simulation Model for Parafoil Systems[C]// 17th AIAA Aerodynamic Decelerator Systems Technology Conference and Seminar. California: [s. n.], 2003: 325-334.
- [9] GIDEON V D K. Flight Control System for an Autonomous Parafoil[D]. Stellenbosch: Stellenbosch University, 2013.
- [10] WATANABE M, OCHI Y. Modeling of Nonlinear Dynamics of a Powered Paraglider[J]. Journal of the Japan Society for Aeronautical & Space Science, 2008, 56(658): 499–509.