doi:10.3969/j.issn.1673-9833.2017.03.008

基于自适应神经网络的柔性关节机械臂控制

李 光,周鑫林,肖 凡

(湖南工业大学 机械工程学院,湖南 株洲 412007)

摘 要: 柔性关节机械臂系统是一个非线性高阶系统,且其动力学方程难以精确地获得。因此,提出一种以关节驱动电机的输入电压为控制量的自适应神经网络控制器,用于控制多连杆柔性关节机械臂系统。所提控制方法通过对柔性关节机械臂模型解耦得到关节转角关于电压的方程,以电压为系统控制输入。设计神经网络控制器用于逼近最优控制输入,并设计鲁棒控制器补偿逼近误差。该控制方法不再涉及复杂的动力学方程,因此能简化计算。相比已有控制方法,所提出的控制策略更简单、响应更快且更有效。并以二连杆柔性关节机械臂为例进行了仿真研究,结果证明了所提出控制方法的有效性。

Control of Flexible-Joint Robots Based on Adaptive Neural Networks

LI Guang, ZHOU Xinlin, XIAO Fan

(School of Mechanical Engineering, Hunan University of Technology, Zhuzhou Hunan 412007, China)

Abstract: The flexible-joint manipulator system is a nonlinear high-order system. It is difficult to obtain the kinetic equation accurately. A proposal has been made of an adaptive neural network controller based on the input voltage of the joint drive motor, with its application for the control of the multi-link flexible-joint manipulator system. By adopting the proposed control method, the equations of the joint angle can be obtained by decoupling the flexible joint manipulator model, with motor voltage the inputs of the manipulator system. A neural network controller is designed to approximate the optimal control input, and a robust controller is designed to compensate the approximation error. The control method does not involve complex dynamic equations, thus greatly simplifying the process of calculation. As a result, the proposed control strategy, compared with the existing control methods, is simpler, faster and more efficient. A simulation test has been carried out on the two-link flexible-joint manipulators, thus verifying the effectiveness of the proposed control method.

Keywords: flexible-joint manipulator; neural network; nonlinearity; joint flexibility

1 研究背景

在机械臂控制领域,常用机械臂关节处的力矩为

系统的控制量,对机械臂系统进行控制。这些控制方 法包括 PID 控制法、反馈线性化控制法。其中,PID 控制法的响应速度较慢,且高阶系统不易稳定;反馈

收稿日期: 2017-02-16

- **作者简介**: 李 光(1963-),男,湖北孝感人,湖南工业大学教授,博士,主要从事复杂机电一体化系统建模和控制研究, E-mail: liguanguw@126.com
- **通信作者**:周鑫林(1992-),男,湖南怀化人,湖南工业大学硕士生,主要研究方向为机械臂系统控制理论, E-mail: zhouxinlin806@163.com

线性化控制法则要求系统的状态量必须能监测,因而 其控制器算法相对复杂^[1]。可见,已有的这些方法不 适用于柔性关节机械臂的控制,因柔性关节机械臂 的系统模型是一个多输入多输出的高阶非线性系统, 其动力学方程复杂且计算量大。

柔性关节机械臂的电压控制方法是一种新的控制方法^[2],其主要特点在于建立了关节转角关于机械 臂驱动电机电压的方程,因而避免了动力学方程带来 的不利影响,简化了计算。在基于电压输入的柔性机 械臂控制研究中,文献[3]提出了一种鲁棒自适应控 制,其在机械臂模型不确定的情况下也能得到良好的 跟踪效果。文献[4]提出了一种鲁棒跟踪控制方法, 并通过引入不确定项得到控制率,其优点在于无需明 确的机械臂动力学模型。

本研究拟结合电压控制方法和神经网络控制,设 计一种自适应神经网络控制器,为柔性关节机械臂的 电压控制提供一定的理论参考。本研究利用神经网络 可对任意非线性函数逼近的特点,对最优控制输入在 线逼近。因所提方法不涉及复杂的动力学方程,使得 控制率较为简单,能够快速响应且迅速逼近期望值。 其次,神经网络的网络权值、中心值以及宽度值由相 应的自适应率调整,并且使用 Lyapunov 函数验证控 制算法的稳定性。

2 柔性关节机械臂动力学模型

永磁直流电机驱动的 n 连杆柔性关节机械臂的动力学方程可表述如下^[5]:

$$\boldsymbol{D}(\boldsymbol{q})\boldsymbol{\ddot{q}} + \boldsymbol{C}(\boldsymbol{q},\boldsymbol{\dot{q}})\boldsymbol{\dot{q}} + \boldsymbol{g}(\boldsymbol{q}) = \boldsymbol{K}(\boldsymbol{r}_{a}\boldsymbol{\theta}_{m} - \boldsymbol{q}), \quad (1)$$

$$\boldsymbol{J}\boldsymbol{\theta}_{\mathrm{m}} + \boldsymbol{B}\boldsymbol{\theta}_{\mathrm{m}} + \boldsymbol{r}_{\mathrm{a}}\boldsymbol{K}(\boldsymbol{r}_{\mathrm{a}}\boldsymbol{\theta}_{\mathrm{m}} - \boldsymbol{q}) = \boldsymbol{\tau}_{\mathrm{m}} \circ \qquad (2)$$

式(1)和(2)中:

D(q) 为 n 阶惯性矩阵项,且 $D(q) \in \mathbb{R}^{n}$; $C(q, \dot{q}) \dot{q}$ 为离心项和科氏力项,且 $C(q, \dot{q}) \dot{q} \in \mathbb{R}^{n}$; g(q) 为重力项,且 $g(q) \in \mathbb{R}^{n}$; θ_{m} 为电机转子转角向量,且 $\theta_{m} \in \mathbb{R}^{n}$; q 为关节角度向量,且 $q \in \mathbb{R}^{n}$; J 为电机惯性项,B 为电机阻尼项, r_{a} 为传动系

统减速比,均为 n 阶对角矩阵;

K 为关节的刚度矩阵, 且为对角矩阵;

 $\tau_{\rm m}$ 为电机力矩向量,且 $\tau_{\rm m} \in \mathbf{R}^n$ 。

电枢电压平衡方程如式(3)所示^[5]:

$$\boldsymbol{R}\boldsymbol{I}_{a} + \boldsymbol{L}\boldsymbol{I}_{a} + \boldsymbol{K}_{b}\boldsymbol{\theta}_{m} + \boldsymbol{\varphi} = \boldsymbol{v} \circ \qquad (3)$$

式中: **R** 为电枢阻抗项, **L** 为电枢电感项, 均为 n 阶 对角矩阵;

v为电机电压向量,且 $v \in \mathbf{R}^n$;

 I_a 为电机电流向量, 且 $I_a \in \mathbb{R}^n$; $\dot{\theta}_m$ 为电机转子转速, 且 $\dot{\theta}_m \in \mathbb{R}^n$; K_b 为反电动势系数, 且 $K_b \in \mathbb{R}^n$; φ 代表外部干扰项, 且 $\varphi \in \mathbb{R}^n$ 。 电机转矩与电机电流的关系如式(4)所示^[5]:

$$\boldsymbol{K}_{\mathrm{m}}\boldsymbol{I}_{\mathrm{a}} = \boldsymbol{\tau}_{\mathrm{m}\,\circ} \tag{4}$$

式中Km为电机转矩常数的对角矩阵。

根据电压控制理论,以电压向量 v 为系统输入向 量,关节角度向量 q 为系统输出向量,据式(1)~(4) 可得机械臂系统的状态空间模型,见式(5)^[5]。

$$\dot{\boldsymbol{x}} = \boldsymbol{f}(\boldsymbol{x}) + \boldsymbol{b}(\boldsymbol{v} - \boldsymbol{\varphi})_{\circ} \qquad (5)$$

式中:

$$f(\mathbf{x}) = \begin{bmatrix} \mathbf{x}_{2} \\ \mathbf{D}^{-1}(\mathbf{x}_{1})(-\mathbf{g}(\mathbf{x}_{1}) - \mathbf{K}\mathbf{x}_{1} - \mathbf{C}(\mathbf{x}_{1}, \mathbf{x}_{2})\mathbf{x}_{2} + \mathbf{K}\mathbf{r}_{a}\mathbf{x}_{3}) \\ \mathbf{x}_{4} \\ \mathbf{J}^{-1}(\mathbf{r}_{a}\mathbf{K}\mathbf{x}_{1} - \mathbf{r}_{a}^{2}\mathbf{K}\mathbf{x}_{3} - \mathbf{B}\mathbf{x}_{4} + \mathbf{K}_{m}\mathbf{x}_{5}) \\ -\mathbf{L}^{-1}(\mathbf{K}_{b}\mathbf{x}_{4} + \mathbf{R}\mathbf{x}_{5}) \end{bmatrix};$$

$$b = \begin{bmatrix} \mathbf{0}_{n \times n} \\ \mathbf{0}_{n \times n} \\ \mathbf{0}_{n \times n} \\ \mathbf{0}_{m \times n} \\ \mathbf{L}^{-1} \end{bmatrix}; \quad \mathbf{x} = \begin{bmatrix} \mathbf{q} \\ \dot{\mathbf{q}} \\ \mathbf{\theta}_{m} \\ \mathbf{\theta}_{m} \\ \mathbf{I}_{a} \end{bmatrix} \circ$$

由上述状态方程可知,柔性机械臂系统存在耦合,因此定义一个如式(6)所示的解耦模型:

$$\boldsymbol{r}_{a}\boldsymbol{\theta}_{m}-\boldsymbol{q}=\boldsymbol{\delta}_{o} \qquad (6)$$

式中δ为关节柔性项。

将式(6)代入式(2)可得

$$\boldsymbol{J}\boldsymbol{\dot{\theta}}_{\mathrm{m}} + \boldsymbol{B}\boldsymbol{\dot{\theta}}_{\mathrm{m}} + \boldsymbol{r}_{\mathrm{a}}\boldsymbol{K}\boldsymbol{\delta} = \boldsymbol{\tau}_{\mathrm{m}} \circ \tag{7}$$

将式(3)(4)(6)(7)联立,可得到如下解 耦后的方程:

$$\ddot{q} + K_{a}\dot{q} + \mu = K_{v}v_{o} \qquad (8)$$

式中:
$$K_a = J^{-1} (B + K_m R^{-1} K_b),$$
 (9)

$$\boldsymbol{K}_{v} = \boldsymbol{r}_{a} \boldsymbol{J}^{-1} \boldsymbol{K}_{m} \boldsymbol{R}^{-1}, \qquad (10)$$

$$\boldsymbol{\mu} = \boldsymbol{r}_{a} \boldsymbol{\dot{\delta}} + \boldsymbol{r}_{a} \boldsymbol{K}_{a} \boldsymbol{\dot{\delta}} + \boldsymbol{J}^{-1} \boldsymbol{r}_{a}^{2} \boldsymbol{K} \boldsymbol{\delta} + \boldsymbol{K}_{v} \left(\boldsymbol{L} \boldsymbol{\dot{I}}_{a} + \boldsymbol{\varphi} \right)_{\circ} \quad (11)$$

3 神经网络控制器设计

神经网络算法已经成为人工智能的一个重要研 究方向,适用于高度非线性以及具有不确定性的被动 控制系统。神经网络能逼近任意非线性函数,且具有 自主学习性,能够不断地调整结构参数。

本研究采用3层神经网络逼近系统控制输入,其 基函数的中心值和宽度可以调整,神经网络的结构如 图1所示。



图 1 RBF 神经网络结构

Fig. 1 RBF neural network structure

第一层 输入层, *s_i*(*i*=1, 2, …, *m*)为神经网 络输入;

第二层隐含层,选取如式(12)所示的高斯基函数,

$$\boldsymbol{f}_{p}\left(\boldsymbol{s}_{i}\right) = \exp\left(-\frac{\left(\boldsymbol{s}_{i}-\boldsymbol{c}_{ij}\right)^{2}}{\boldsymbol{b}_{ij}^{2}}\right) \circ \qquad (12)$$

式中:

 $f_p(s_i)$ 为隐含层节点输出, $p=1, 2, \dots, l;$

*c_{ij}*和*b_{ij}*分别为高斯基函数的中心值和宽度,其中*i*=1,2,…,*m*,*j*=1,2,…,*n*。

则基函数中心值和宽度向量分别为

$$c = [c_{11}, c_{12}, ..., c_{1n}; ...; c_{i1}, c_{i2}, ..., c_{in}; ...; c_{m1}, c_{m2}, ..., c_{mn}],$$

$$b = [b_{11}, b_{12}, ..., b_{1n}; ...; b_{i1}, b_{i2}, ..., b_{in}; ...; b_{m1}, b_{m2}, ..., b_{mn}]_{\circ}$$

第三层 输出层, y 为神经网络输出, 且
y=Wf(s)_{\circ} (13)

式中: $y=[y_1, y_2, \cdots, y_k]^T$;

$$\boldsymbol{f}(\boldsymbol{s}) = \left[f_p(\boldsymbol{s}_1), f_p(\boldsymbol{s}_2), \cdots, f_p(\boldsymbol{s}_i)\right]^{\mathrm{T}};$$

*W*代表神经网络的权值,且 $W \in \mathbf{R}^{k \times i}$ 。

假设机械臂的关节转角 q 及其角速度 q 可测,由 此可得关节转角误差 e 和角速度误差 e。则以 e 作为 神经网络的输入,电压 v 作为其输出,可设计自适应 神经网络控制器以使得机械臂关节转角 q 能够跟踪期 望值 q_d。

定义关节转角误差 e 如下:

$$\boldsymbol{e}=\boldsymbol{q}_{\mathrm{d}}-\boldsymbol{q}; \qquad (14)$$

$$\dot{\boldsymbol{e}} = \dot{\boldsymbol{q}}_{\rm d} - \dot{\boldsymbol{q}} ; \qquad (15)$$

$$\boldsymbol{r} = \dot{\boldsymbol{e}} + \boldsymbol{\beta}\boldsymbol{e}_{\circ} \qquad (16)$$

式中**β**取正数。

对式(16)求导,再将式(8)代入可得:

$$\dot{\boldsymbol{r}} = \ddot{\boldsymbol{e}} + \boldsymbol{\beta} \dot{\boldsymbol{e}} = \ddot{\boldsymbol{q}}_{d} - \ddot{\boldsymbol{q}} + \boldsymbol{\beta} \dot{\boldsymbol{e}} =$$
$$\ddot{\boldsymbol{q}}_{d} - \boldsymbol{K}_{v} \boldsymbol{v} + \boldsymbol{\mu} + \boldsymbol{K}_{a} \dot{\boldsymbol{q}} + \boldsymbol{\beta} \dot{\boldsymbol{e}} \circ \qquad (17)$$

设计控制输入 $u=-K_v$, 使滑模函数 s=0。

$$\diamondsuit \boldsymbol{u}_{e} = \boldsymbol{\ddot{q}}_{d} + \boldsymbol{\mu} + \boldsymbol{K}_{a} \boldsymbol{\dot{q}} + \boldsymbol{\beta} \boldsymbol{\dot{e}} , \qquad (18)$$

设计控制输入 u_e, 当 u=u_e 时, 使 r =0。
 因此有 u_e-u= r 。
 应用上述神经网络对控制输入 u 逼近, 有

$$u = Wf(s) + \varepsilon_{\circ} \tag{20}$$

式中: W 和 f(s) 分别取最优值; *ε* 为网络逼近误差。

选取控制率如式(21)所示:

$$\hat{\boldsymbol{u}} = \hat{W} \hat{\boldsymbol{f}}(\boldsymbol{s}) - \boldsymbol{u}_{\rm d} \circ \qquad (21)$$

式中:

 \hat{W} 为 *W*的估计值, $\hat{f}(s)$ 为 *f*(*s*)的估计值; u_{d} 为鲁棒控制项。

$$\diamondsuit \begin{cases} \tilde{u} = u - \hat{u}, \\ \tilde{W} = W - \hat{W}, \\ \tilde{f}(s) = f(s) - \hat{f}(s) \circ \end{cases}$$

$$(22)$$

对 $\tilde{f}(s)$ 泰勒级数展开有

$$\tilde{\boldsymbol{f}}(\boldsymbol{s}) = \boldsymbol{f}_{\rm c}(\boldsymbol{s})\tilde{\boldsymbol{c}} + \boldsymbol{f}_{\rm b}(\boldsymbol{s})\tilde{\boldsymbol{b}} + \boldsymbol{o} , \qquad (23)$$

式中:

$$\tilde{c} = c - \hat{c}, \, \tilde{b} = b - \hat{b}, \, o \, \exists \beta \beta \varphi;$$

$$f_{c}(s) = \left[\frac{\partial f_{1}}{\partial c} + \frac{\partial f_{2}}{\partial c} + \dots + \frac{\partial f_{1}}{\partial c}\right]_{c=\hat{c};}$$
(24)

$$f_{\rm b}(s) = \left[\frac{\partial f_1}{\partial b} + \frac{\partial f_2}{\partial b} + \dots + \frac{\partial f_1}{\partial b}\right]_{b=\hat{b}}$$
(25)

将式(22)代入式(23),可得:

$$f(s) = \hat{f}(s) + f_{\rm c}(s)\tilde{c} + f_{\rm b}(s)\tilde{b} + o_{\rm o} \qquad (26)$$

将式 (20) (21) (26) 代入
$$\tilde{u} = u - \hat{u}$$
, 可得
 $\tilde{u} = Wf(s) + \varepsilon - \hat{Wf}(s) + u_{d} =$
 $(\hat{W} + \tilde{W})(\hat{f}(s) + f_{c}(s)\tilde{c} + f_{b}(s)\tilde{b} + o) +$
 $\varepsilon - \hat{Wf}(s) + u_{d} =$
 $\tilde{Wf}(s) + \hat{Wf}_{c}(s)\tilde{c} + \hat{Wf}_{b}(s)\tilde{b} + u_{d} + \delta \circ$ (27)

式中:

)

$$\delta = \widetilde{W} f_{c}(s) \widetilde{c} + \widetilde{W} f_{b}(s) \widetilde{b} + W o + \varepsilon$$
取参数自适应率为^[6]:

$$\begin{cases} \dot{\hat{W}} = -\eta_1 \left(\hat{f}(s) r^{\mathrm{T}} \right)^{\mathrm{T}}, \\ \dot{\hat{c}} = -\eta_2 \left(r^{\mathrm{T}} \hat{W} f_{\mathrm{c}}(s) \right)^{\mathrm{T}}, \\ \dot{\hat{b}} = -\eta_3 \left(r^{\mathrm{T}} \hat{W} f_{\mathrm{b}}(s) \right)^{\mathrm{T}}; \\ \boldsymbol{u}_{\mathrm{d}} = -\hat{\kappa} \operatorname{sgn}(s); \end{cases}$$
(29)

$$\dot{\hat{\kappa}} = \eta_4 \operatorname{sgn}(s) \circ \qquad (31)$$

式 $(29) \sim (31) 中 \eta_1, \eta_2, \eta_3 和 \eta_4$ 为常数。

定理1 对于解耦后的多连杆柔性关节机械臂系统(8),采用控制器(21),设计神经网络参数自适应率(29)和鲁棒控制器(30),能够保证系统的渐进稳定性。

证明 选取 Lyapunov 函数如下:

$$V = \frac{1}{2} \boldsymbol{r}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{r} + \frac{1}{2\eta_{1}} \operatorname{tr} \left(\tilde{\boldsymbol{W}} \tilde{\boldsymbol{W}}^{\mathrm{T}} \right) + \frac{1}{2\eta_{2}} \tilde{\boldsymbol{c}}^{\mathrm{T}} \tilde{\boldsymbol{c}} + \frac{1}{2\eta_{3}} \tilde{\boldsymbol{b}}^{\mathrm{T}} \tilde{\boldsymbol{b}} + \frac{1}{2\eta_{4}} \tilde{\boldsymbol{\kappa}}^{2},$$
(32)

上式对时间求一阶导数得:

$$\dot{\boldsymbol{V}} = \boldsymbol{r}^{\mathrm{T}} \dot{\boldsymbol{r}} + \frac{1}{\eta_{1}} \operatorname{tr} \left(\tilde{\boldsymbol{W}} \tilde{\boldsymbol{W}}^{\mathrm{T}} \right) + \frac{1}{\eta_{2}} \dot{\tilde{\boldsymbol{c}}}^{\mathrm{T}} \tilde{\boldsymbol{c}} + \frac{1}{\eta_{3}} \dot{\tilde{\boldsymbol{b}}}^{\mathrm{T}} \tilde{\boldsymbol{b}} + \frac{1}{\eta_{4}} \tilde{\boldsymbol{\kappa}} \dot{\tilde{\boldsymbol{\kappa}}} \circ \quad (33)$$

有
$$\vec{w} = \vec{w}$$
, $\vec{c} = \dot{c}$, $\vec{b} = \dot{b}$, $\vec{\kappa} = \dot{\kappa}$ 。
将式(19)(27)(29)代人(33)得:

$$= \mathbf{r}^{\mathrm{T}} \left[\tilde{W}\hat{f}(s) + \hat{W}f_{\mathrm{c}}(s)\tilde{c} + \hat{W}f_{\mathrm{b}}(s)\tilde{b} + \mathbf{u}_{\mathrm{d}} + \delta \right] + \frac{1}{\eta_{1}}\operatorname{tr}\left(\tilde{W}\tilde{W}^{\mathrm{T}}\right) + \frac{1}{\eta_{2}}\tilde{c}^{\mathrm{T}}\tilde{c} + \frac{1}{\eta_{3}}\tilde{b}^{\mathrm{T}}\tilde{b} + \frac{1}{\eta_{4}}\tilde{\kappa}\tilde{\kappa}^{\dagger} = \operatorname{tr}\left\{ \tilde{W}\left[\hat{f}(s)\mathbf{r}^{\mathrm{T}} + \frac{1}{\eta_{1}}\tilde{W}^{\mathrm{T}} \right] \right\} + \left[\mathbf{r}^{\mathrm{T}}\hat{W}f_{\mathrm{c}}(s) + \frac{1}{\eta_{2}}\tilde{c}^{\mathrm{T}} \right]\tilde{c} + \left[\mathbf{r}^{\mathrm{T}}\hat{W}f_{\mathrm{b}}(s) + \frac{1}{\eta_{3}}\tilde{b}^{\mathrm{T}} \right]\tilde{b} + \mathbf{r}^{\mathrm{T}}\left[\mathbf{u}_{\mathrm{d}} + \delta \right] + \frac{1}{\eta_{4}}\tilde{\kappa}\tilde{\kappa}^{\dagger} = \mathbf{r}^{\mathrm{T}}\left[\mathbf{u}_{\mathrm{d}} + \delta \right] + \frac{1}{\eta_{4}}\tilde{\kappa}\tilde{\kappa}^{\dagger} \circ$$
(34)

根据式(34)有

$$\dot{V} = \boldsymbol{r}^{\mathrm{T}} \left[\boldsymbol{u}_{\mathrm{d}} + \boldsymbol{\delta} \right] + \frac{1}{\eta_{\mathrm{d}}} \tilde{\boldsymbol{\kappa}} \dot{\boldsymbol{\kappa}} \,, \qquad (35)$$

$$\boldsymbol{r}^{\mathrm{T}} \left[-\hat{\boldsymbol{\kappa}} \operatorname{sgn}(\boldsymbol{r}) + \boldsymbol{\delta} \right] + \frac{1}{\eta_{4}} (\boldsymbol{\kappa} - \hat{\boldsymbol{\kappa}}) \dot{\boldsymbol{\kappa}} = \boldsymbol{r}^{\mathrm{T}} \left[-\boldsymbol{\kappa} \operatorname{sgn}(\boldsymbol{r}) + \boldsymbol{\delta} \right]_{\circ}$$
(36)

式(36)存在如下关系: $r^{\mathsf{T}}[-\kappa \operatorname{sgn}(r)+\delta] \leq ||r^{\mathsf{T}}|| ||\delta|| - \kappa ||r^{\mathsf{T}}|| \leq ||r^{\mathsf{T}}|| (||\delta|| - \kappa)$

假设未知项 δ 有界,且 $|\delta| < \kappa$,则 $\dot{\nu} \leq 0$ 。 由此可知闭环系统是稳定的。

4 仿真分析

以二连杆柔性关节机械臂为仿真对象,连杆为匀 质刚性杆进行仿真分析,系统各参数取值如下:各连 杆的关节刚度为 $k_1=k_2=500$ N·m/rad,各连杆的长度为 $l_1=l_2=1.0$ m,各连杆的质量为 $m_1=m_2=1.0$ kg,驱动电 机的电枢电阻为 $R_1=R_2=1.6$ Ω,驱动电机的转子转动 惯量为 $J_1=J_2=0.000$ 2 kg·m²,驱动电机的新性阻尼系 数为 $B_1=B_2=0.001$,驱动电机力矩常数为 0.26,期望 轨迹数为 $q_a=[\sin(t),\cos(t)]$ 。且 $\eta_1=25$, $\eta_2=5$, $\eta_3=2$, $\eta_4=0.5$ 。神经网络隐含层节点数为7,高斯基函数的 中心值、宽度值初始值如下:

c=[-1.5, -1.0, -0.5, 0, 0.5, 1.0, 1.5; -1.5, -1.0, -0.5, 0, 0.5, 1.0, 1.5];
b=[10, 10, 10, 10, 10, 10, 10, 10, 10, 10; 10, 10, 10, 10, 10, 10, 10, 10, 10, 10]。
如上条件下所得仿真结果如图 2 所示。





图 2a 和 b 分别为连杆 1、2 的关节转角跟踪, 图 2c 和 d 分别为连杆 1、2 的角速度跟踪, 图 2e 和 f 分别为连杆 1、2 的控制输入。对照图 a、b、c、d 可知, 自适应神经网络控制器能够逼近控制输入且精确地跟踪期望轨迹。由图 e 和 f 可知, 控制输入曲线光滑连续,振荡小。仿真结果表明,所提出的控制方法可实现对关节期望轨迹的快速跟踪。

5 结语

本文针对柔性关节机械臂提出一种自适应神经 网络控制器,通过对柔性关节机械臂模型的解耦,得 到电机电压与连杆转角的动力学模型。在此基础上 设计了自适应神经网络控制器,即采用基函数中心值 和宽度值能自适应调整 RBF 神经网络逼近模型。使 用 Lyapunov 理论证明了系统的闭环稳定性,并以二 连杆柔性关节机械臂为例进行了系统仿真。仿真结果 表明,本文提出的控制方法可实现关节对期望轨迹的 快速跟踪,且对关节柔性进行了有效的抑制,控制输 入无冲击,输入曲线光滑。

参考文献:

湖南工业大学, 2014.

HUANG Hua. A Research on Modeling and Control of Flexible-Joint Robots Arm[D]. Zhouzhou: Hunan University of Technology, 2014.

- [2] FATEH M M. On the Voltage-Based Control of Robot Manipulators[J]. International Journal of Control, Automation and Systems, 2008, 6(5): 702–712.
- [3] FATEH M M. Nonlinear Control of Electrical Flexible Joint Robots[J]. Nonlinear Dynamics, 2012, 67(4): 2549–2559.
- [4] FATEH M M. Robust Control of Flexible-Joint Robots Using Voltage Control Strategy[J]. Nonlinear Dynamics, 2012, 67(2): 1525–1537.
- [5] FATEH M M, SOUZANCHIKASHANI M. Decentralized Direct Adaptive Fuzzy Control for Flexible-Joint Robots[J]. Control Engineering and Applied Informatics, 2013, 15(4): 97–105.
- [6] WAI R J, CHANG C J. Tracking Control Based on Neural Network Strategy for Robot Manipulator[J]. Neurocomputing, 2003, 51(7/8/9): 425-445.
- [7] 徐智浩,李 胜,张瑞雷,等.基于 Lu Gre 摩擦模型的机械臂模糊神经网络控制 [J]. 控制与决策,2014,29 (6):1097-1102.
 XU Zhihao, LI Sheng, ZHANG Ruilei, et al. Fuzzy-Neural-Network Control for Robot Manipulators with Lu Gre Friction Model[J]. Control and Decision, 2014,29(6):1097-1102.
- [8] 李 光,符 浩.无模型机械臂 BP 神经网络状态观测及反演跟踪控制 [J]. 中国机械工程,2016,27(7): 859-865.

LI Guang, FU Hao. BP Neural Network State Observation and Backstepping Tracking Control of Model-Free Robotic Manipulators[J]. China Mechanical Engineering, 2016, 27(7): 859–865.

- [9] LIMA J J, ROCHA R T, JANZEN F C. Position Control of a Manipulator Robotic Arm Considering Flexible Joints Driven by a DC Motor and a Controlled Torque by a MR-Brake[J]. International Mechanical Engineering Congress and Exposition, 2016, 4B: 1–10.
- [10] GAO L, CHEN Q, SHI L. Adaptive Neural Output Feedback Control for Flexible-Joint Robotic Manipulators[C]//Proceedings of 2016 Chinese Intelligent Systems Conference. Singapore: Springer, 2016: 629– 640.

(责任编辑:廖友媛)

[1] 黄 华.柔性关节机械臂的建模及控制研究 [D]. 株洲: