# 周期性倾斜边狭缝阵列金膜结构的超强透射

#### 周 昕<sup>1</sup>,李雪勇<sup>1</sup>,易秀英<sup>2</sup>,陈星辉<sup>1</sup>

(1.湖南工业大学理学院,湖南 株洲 412007; 2.湖南科技职业学院 机电系,湖南 长沙 410118)

摘 要:利用时域有限差分法,研究了具有亚波长倾斜边狭缝周期性结构金属膜的透射特性。研究发现:当改变2层狭缝的侧向位移时,透射谱发生变化。通过分析电场和总电磁场能量分布图,揭示了透射源于2种不同的共振机制:限制在狭缝内区域的局域波导共振模式和电磁场能量分布在狭缝两端的表面等离子体共振模式。

关键词:狭缝阵列;超强透射;局域波导共振;表面等离子体共振 中图分类号:O436 文献标志码:A 文章编号:1673-9833(2011)06-0029-04

## Extraordinary Transmission through Metallic Film Structure with Periodic Tilted Edge Slit Arrays

Zhou Xin<sup>1</sup>, Li Xueyong<sup>1</sup>, Yi Xiuying<sup>2</sup>, Chen Xinghui<sup>1</sup>

(1. School of Sciences, Hunan University of Technology, Zhuzhou Hunan 412007, China;

2. Electrical and Mechanical Department, Hunan Vocational College of Science and Technology, Changsha 410118, China)

**Abstract:** Presents the numerical investigation on optical transmission of the metallic film with subwavelength tilted edge silt structure by means of finite-difference time-domain (FDTD) method. The study shows that the transmission spectra are altered when the lateral displacements of 2-layer slits change. By analyzing the distribution of the electric field and electromagnetic energy, shows the mechanism of the two different resonances: the local waveguide resonance mode restricted inside the slits region and the surface plasma resonance mode while electric field and electromagnetic energy distributed at slits' two ends.

Keywords: slit arrays; extraordinary transmission; local waveguide resonance; surface plasmon resonance

### 0 引言

自 Ebbesen 等人<sup>[1]</sup>开创性的研究工作以来,通过 亚波长金属小孔或狭缝阵列的超强光透射现象已成 为研究热点,这是由于其展示出的独特物理性质及 其在近场显微<sup>[2]</sup>、光调控、表面等离子体器械<sup>[3]</sup>、平 板显示<sup>[4]</sup>等方面的潜在应用所引起的。Martin-Moreno等人<sup>[5]</sup>指出,超强透射是由于金属表面等离 子体激元隧穿引起的。许多研究者<sup>[6-7]</sup>也认为:超强 透射与因周期性结构而在金属 - 介质表面所激发的 表面等离子体激元(surface plasmon polaritons, SPPs) 和入射光的共振耦合作用密切相关。研究还表明: 周期性亚波长金属孔阵列的超强透射现象受孔的形 状和大小<sup>[8-9]</sup>、金属种类<sup>[10]</sup>、电介质 - 金属 - 电介质 结构的对称性<sup>[11-12]</sup>等因素影响,且这个现象存在于 较宽的波长范围内,如微波波段、红外波段、真空 紫外波段等。且理论和实验证实较强的透射共振也 常伴随着金属表面局域电场的增强<sup>[13]</sup>。由于其在纳

**作者简介**:周 昕(1979-),女,湖南株洲人,湖南工业大学讲师,中南大学博士生,主要从事微纳光子材料与器件方面的 研究, E-mail: xzhou522@yahoo.com.cn

收稿日期: 2011-08-16

基金项目:湖南省教育厅科研基金资助项目(11C0425,09C321),湖南科技职业学院青年科研基金资助项目(KJ09011)

米光学及量子光学等领域具有广泛的应用前景,亚 波长周期性金属阵列结构的超强透射特性引起了人 们极大的关注。

目前,对亚波长周期性金属阵列结构的研究工 作主要集中在单层和同向性结构,双层及多层结构 虽已进行研究,但还不够全面,且物理机制还没有 完全解释清楚。事实上,在复合周期结构中,多个 表面等离子体波之间的相互作用、相位分布等有许 多不同于单元胞周期结构的特征<sup>[14-15]</sup>。特别是人们 发现:如果把2层金属纳米狭缝放置在较近位置,透 射谱特征和电磁场将发生改变,这提供了控制倏逝 场耦合的方法,从而获得了单层薄膜所不具有的新 颖光学性能<sup>[16-17]</sup>。本文利用时域有限差分法(finitedifference time-domain, FDTD)研究双层亚波长具有 周期性倾斜狭缝阵列金膜的超强透射。

#### 1 计算模型与理论

模拟结构如图 1 所示。双层金薄膜上均有周期性的同一倾斜狭缝,结构置于空气中。其大小设置为 $L_x \times L_y$ =800 nm × 200 nm,空间步长取 $\Delta x = \Delta y = 1$  nm,时间步长取 $\Delta t = \Delta x/2c$  (c为真空中光速)。采用宽频率范围高斯脉冲作为光源,y方向偏振的电磁波沿x方向正入射至结构。计算单元的上下边界用周期性边界条件,左右边界用完全匹配层条件。







$$\varepsilon(\omega) = 1 - \omega_{\rm P}^2 / (\omega^2 + i\omega\gamma),$$

式中: ω为入射光频率;

 $\omega_{p}$ 为表面等离子体频率;

γ为阻尼系数,与能量损失有关。

在 Drude 模型中,据参考文献[18],金膜结构的 参数分别为 $\omega_p$ =1.374×10<sup>16</sup> s<sup>-1</sup>, y=4.08×10<sup>13</sup>。2层 薄膜厚度均设为 *h*=200 nm,晶格常数 $a_0$ =200 nm,薄 膜间距 *l*=60 nm, *a*=50 nm和*b*=20 nm分别表示狭缝宽 边和窄边的宽度,且均保持不变,*d*表示2层狭缝之 间的侧向位移(狭缝相对位置),即2层薄膜狭缝中 心的偏差距离。

对平板薄膜,由于其表面等离子体激元的色散 曲线位于介质光锥外侧,因此金属-介质界面的表 面等离子体是束缚态。金属-介质界面的电场为

$$E = E_0 e^{i(k_{i/}r_{i/} - k_y|y| - \omega t)}$$

式中
$$k_{\mu} = \frac{\omega}{c} \sqrt{\frac{\varepsilon_{m} \varepsilon_{d}}{\varepsilon_{m} + \varepsilon_{d}}},$$
其中 $\varepsilon_{d}$ 表示周围介质介电常

数, $\varepsilon_{m}$ 为金属介电常数。

对于厚度为h的金属薄膜,表面等离子体色散将 被改变,这是由于薄膜上下表面的表面等离子体激 元会发生干涉,即

$$\begin{pmatrix} \frac{k_{y1}}{\varepsilon_1} + \frac{k_{ym}}{\varepsilon_m} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \frac{k_{ym}}{\varepsilon_m} + \frac{k_{y2}}{\varepsilon_2} \\ \\ \frac{k_{ym}}{\varepsilon_m} - \frac{k_{y2}}{\varepsilon_2} \end{pmatrix} \exp\left(-2\alpha_{ym}h\right) = 0 ,$$

式中ɛ,和ɛ,分别表示薄膜两边介质的介电常数,且,

 $k_{y_{1,2,m}}^2 = \varepsilon_{1,2,m} \omega^2 / c^2 - k_{1/1,2,m}^2, \ i\alpha_{y_m} = \text{Im}(k_{y_m})$ 

对于相对较厚的金属膜,金属两边的表面等离 子体激元色散基本上是非耦合的。

#### 2 结果与讨论

研究侧向位移 d 变化对金膜模拟结构的光学和 等离子体激元性能的影响。图 2 给出了侧向位移不同 时金膜结构随波长变化的归一化透射谱。图中谱线 a~d对应的侧向位移分别为0.20,30,40 nm。



从图 2 可看出: 1)透射谱图在波长 200~500 nm 均存在不同宽度的光学禁带。2)当侧向位移 *d* 增 大时,位于 0.348 8 μm 处的共振透射峰强度降低, 至 *d*=40 nm 时消失。而位于 0.604 4 μm 处的等离子体 共振峰强度随侧向位移的增大略增强。对于1.341 μm 处的共振峰而言,透射几乎达到100%,且峰强、峰 的形状以及峰中心位置并不随*d*变化而改变。3)3个 不同位置的共振峰宽度差别较大,低能(长波处)共 振峰的峰宽总是大于高能(短波处)共振峰的峰宽。 分析其激发机制为:当光入射至金属倾斜狭缝时,表 面等离子体激元在狭缝边缘处被激发。2个短波处的 共振峰是由表面等离子体共振(surface plasmon resonance, SPR)导致,而长波处的共振模式解释为 局域波导共振,此时,金膜中的每个空气狭缝可以 看做是一段两端向空气中开口的长方形波导,每个 波导形成一个低品质因子的谐振腔,此谐振腔与狭 缝形状关系密切,与狭缝排列方式关系不大,且无 论薄膜厚度为多小,局域波导共振模都存在,这可 以用 Fabry-period 效应解释<sup>[9]</sup>。

下面解释局域波导共振模透射率接近1的原因。 当光入射在狭缝阵列上时,经历倏逝衰减,很少一 部分光能够传输。但由于狭缝宽度远比光波波长要 短,光波在狭缝中逐渐消逝,倏逝模照在狭缝上壁 并被反射回来,然后又被下壁反射,其在狭缝内的 如此多重反射作用形成了一个 Fabry-Perot 谐振腔模。 虽然任一个镜面传输都很小,但如果入射光在出射 之前在2镜面之间干涉加强,该Fabry-Perot 谐振腔 的净传输大小t会接近1。把腔内多重反射求和,则 t可表示为

 $t = \tau_1 \tau_2 \mathbf{e}^{ike} / \left( 1 - \rho_1 \rho_2 \mathbf{e}^{2ike} \right),$ 

式中: τ为2镜面间的透射系数;

 $\rho$ 为2镜面间的反射系数;

k为腔中光波波矢;

e为2镜面之间的光路长度。

只要满足条件 $\rho_1\rho_2e^{2ike} \sim 1$ ,则透射峰t就可接近 1。由于反射系数 $\rho$ 接近1,故只要满足相位匹配条件  $\lambda=2ne$  ( $n=1, 2, \cdots$ ),则 $\rho_1\rho_2e^{2ike} \sim 1$ 就能成立,对亚波 长周期性狭缝阵列来说,在特定波长处就会出现较 高的透射效率。

表面等离子体共振和局域波导共振模式可通过 FDTD模拟电场分布来进一步理解。图 3 给出了图 2 中谱线 b 箭头所指 3 个不同共振模式稳态时的瞬时电 场分量  $E_x$  (图片  $a \sim c$ )和  $E_y$  (图片  $d \sim f$ )的空间分布 情况。图中色柱表示场强强弱与颜色的对应关系,例 如,色柱为 0.2 的颜色表示对应于图中这个颜色的场 强相对强度较强,颜色越深,场强越大。对于 SPR 模 式来说,图片 a 和 b 显示,  $E_x$  主要分布在倾斜狭缝的 边缘和尖角处,但图片 b 显示第 2 层薄膜中的  $E_x$ 强

度明显比第1层弱得多。正负电场在狭缝间交替分布 (以"+"和"-"标记),这种分布与沿v方向偏振的 局域电偶极子振荡一致。这些偶极子与相反的表面 电荷相互作用,结果在空气狭缝中形成一个驻波共 振模式的切向电场E, 如图片d和e所示。主要考察 图片 e 可发现, E. 几乎全部局域在空气狭缝的两端开 口处,且在狭缝入口处为正,在出口处为负,因此, 将导致不同电负性的表面等离子体激元强烈耦合。 E. 分别局域在狭缝的两侧, 表明这种共振模式是由 于结构的周期性所导致的。图片c和f表示局域波导 共振模式电场分布。可发现 E, 主要集中在狭缝的尖 角处和2层薄膜之间,而在空气狭缝中间E<sub>x</sub>分布较 弱。E.局域在狭缝中间,第1层狭缝中电场为负而第 2层狭缝中电场为正,好像在2层薄膜之间出现一个 波节。局域波导共振模式从第1层金膜经过2层金膜 之间的空气隙到达第2层金膜,通过金膜的自导引行 为传输。



图3 不同波长的电场分量空间分布图Fig. 3 The electric field component distribution at different wavelengths

图4给出了与图2中谱线a~d的波长为0.604 4 μm 处共振峰对应的总电磁场能量分布图。从图中可 以发现,总能量均为正值,主要局域在第1层薄膜 的狭缝两端,第2层薄膜狭缝间能量微弱,且在入 口处最强,向开口处减弱,随着侧向位移的增加, 第2层薄膜狭缝间的能量也逐渐增加,这说明侧向 位移的增加可以增强此波长处共振峰的强度,与 图2中结果一致。



#### 3 结语

运用 FDTD 方法,研究了侧向位移对具有倾斜狭 缝阵列的双层金膜光学透射及等离子体特性的影响。 透射特征的物理起因归结于与孔的大小和形状有关 的局域波导共振和与周期性有关的表面等离子体共 振。对局域波导共振来说,每个空气纳米狭缝可看 作一段两端开口的金属波导形成的低品质因子的共 振腔,而表面等离子体共振是由结构的表面周期性 决定的。这 2 种模式在增强透射现象中均起重要作 用,通过详细分析相关电场和电磁场能量分布,更 好地解释了光穿过狭缝的机制。

#### 参考文献:

- Ebbesen T W, Lezec H J, Ghaemi H F, et al. Extraordinary Optical Transmission through Sub-Wavelength Hole Arrays
   [J]. Nature, 1998, 391(12) : 667–669.
- [2] Chowdhury M H, Catchmark J M, Lakowicza J R. Imaging Three-Dimensional Light Propagation through Periodic Nanohole Arrays Using Scanning Aperture Microscopy[J]. Appl. Phys. Lett., 2007, 91(10): 103118(3p).
- [3] Stark P R H, Halleck A E, Larson D N. Short Order Nanohole Arrays in Metals for Highly Sensitive Probing of Local Indices of Refraction as the Basis for a Highly Multiplexed Biosensor Technology[J]. Methods, 2005, 37 (1): 37–47.
- [4] Fang N, Lee H, Sun C, et al. Sub-Diffraction-Limited Optical Imaging with a Silver Superlens[J]. Science, 2005, 308 (5721): 534–537.
- [5] Martin-Moreno L, Garcia-Vidal F J, Lezec H J, et al. Theory of Extraordinary Optical Transmission through Subwavelength Hole Arrays[J]. Phys. Rev. Lett., 2001, 86

(2): 1114-1117.

- [6] Garca-Vidal F J, Lezec H J, Ebbesen T W, et al. Multiple Paths to Enhance Optical Transmission through a Single Subwavelength Slit[J]. Phys. Rev. Lett., 2003, 90(21): 213901(4p).
- [7] Tang Z H, Peng R W, Wang Z, et al. Coupling of Surface Plasmons in Nanostructured Metal/Dielectric Multilayers with Subwavelength Hole Arrays[J]. Phys. Rev. B, 2007, 76 (19): 195405(8p).
- [8] Ruan Z, Qiu M. Enhanced Transmission through Periodic Arrays of Subwavlength Holes: The Role of Localized Waveguide Resonance[J]. Phys. Rev. Lett., 2006, 96(23): 233901(4p).
- [9] Garcia-Vidal F J, Moreno E, Porto J A, et al. Transmission of Light Through a Single Rectangular Hole[J]. Phys. Rev. Lett., 2005, 95(10): 103901(4p).
- [10] Przybilla F, Degiron A, Laluet J Y, et al. Optical Transmissionin Perforated Noble and Transition Metal Films
  [J]. Journal of Optics A: Pure and Applied Optics, 2006, 8
  (5): 458-463.
- [11] Sun Mei, Tian Jie, Li Zhiyuan, et al. The Role of Periodicity in Enhanced Transmission through Subwavelength Hole Arrays[J]. Chinese Physics Letters, 2006, 23(2): 486-488.
- [12] Przybilla F, Genet C, Ebbesen T W. Enhanced Transmission through Penrose Subwavelength Hole Arrays[J]. Applied Physics Letters. 2006, 89(12): 121115(3p).
- [13] Lezec Henri J, Thio Tineke . Nanophotonics[J]. Optics and Photonics News, 2004, 15(12): 29.
- [14] Zhai Xiang, Liu Jianqiang, He Mengdong, et al. Adjustable Phase Resonances in a Compound Metallic Grating with Perpendicular Cuts[J]. Optics Express, 2010, 18(7): 6871– 6876.
- [15] Liu Zhimin, Li Hongjian, Xie Suxia, et al. Tunable Phase Resonances in a Compound Metallic Grating with Perpendicular Bumps and Cuts[J]. Optics Express, 2011, 19(5): 4217-4222.
- [16] Li Hongjian, Xie Suxia, Zhou Renlong, et al. Two Different Transmission Tunnels of Light Through Double-Layer Gold Nanohole Arrays[J]. Journal of Physics: Condensed Matter, 2008, 20(41): 415223(6p).
- [17] Cheng Chen, Chen Jing, Shi Dajian, et al. Physical Mechanism of Extraordinary Electromagnetic Transmission in Dual-Metallic Grating Structures[J]. Phys. Rev. B, 2008, 78(7): 075406(9p).
- [18] Palik Edward D, Ghosh Gorachand . Handbook of Optical Constants in Solids : Volume 3[M]. Boston: Academic Press, 1998: 12-13.

(责任编辑:李玉珍)