doi:10.3969/j.issn.1673-9833.2023.04.005

# 考虑铆钉位置不确定性的异种轻质金属铆接 接头疲劳寿命优化

## 倪正顺,高 桐,文长幸,雷 杰,王柳平,米承继,唐嘉昌

(湖南工业大学 机械工程学院,湖南 株洲 412007)

摘 要:针对铆钉位置坐标对铆接接头疲劳寿命的影响问题,采用单行替换法来实现了铆接接头的寿命 优化。首先,对铝合金自冲铆接接头进行单调拉伸和疲劳试验研究,通过试验数据拟合获得 S-N 曲线。然后, 建立自冲铆接结构的有限元模型,通过 Abaqus 进行循环载荷作用下的铆接接头力学分析,研究了铆接点位 置对铆接接头力学性能的影响。最后,将铆接点的坐标作为设计变量,铆接结构疲劳寿命为优化目标,基于 单行替换法进行全局寻优,获得了铆接接头最大疲劳寿命时的位置坐标,为技术人员开展铆接接头设计提供 了参考依据。

关键词:铝合金;自冲铆接;疲劳寿命;铆接点不确定性;疲劳寿命优化
 中图分类号:O346
 文献标志码:A
 文章编号:1673-9833(2023)04-0028-06
 引文格式:倪正顺,高 桐,文长幸,等.考虑铆钉位置不确定性的异种轻质金属铆接接头疲劳寿命优化
 化[J].湖南工业大学学报,2023,37(4):28-33.

# Fatigue Life Optimization of Dissimilar Light Metal Riveted Joints Considering Rivet Position Uncertainty

NI Zhengshun, GAO Tong, WEN Changxing, LEI Jie, WANG Liuping, MI Chengji, TANG Jiachang (College of Mechanical Engineering, Hunan University of Technology, Zhuzhou Hunan 412007, China)

**Abstract:** For the effect of rivet position coordinates on the fatigue life of riveted joints, Single row replacement method for life optimization of riveted joints. First, in this paper, monotonic tensile and fatigue tests are conducted on aluminum alloy self-piercing riveted joints, thus obtaining *S-N* curves by fitting the test data. Then a finite element model of the self-piercing riveted structure is established, with a mechanical analysis of the riveted joints under cyclic loading to be carried out by Abaqus to study the effect of the riveting point position on the mechanical properties of the riveted joints. Finally, taking coordinates of the riveting point as design variables and the fatigue life of the riveted structures as optimization objective, the coordinates of the maximum fatigue life of riveting joints can be obtained by a global optimization based on the single row replacement method, which provides a reference for technicians to carry out the design of riveting joints.

Keywords: aluminum alloy; self-piercing riveting; fatigue life; riveting point uncertainty; fatigue life optimization

收稿日期: 2022-04-18

通信作者:米承继(1984-),湖南沅陵人,湖南工业大学副教授,博士,硕士生导师,主要研究方向为机械强度学, E-mail: michengji\_86@126.com

基金项目:湖南省自然科学联合基金资助项目(2022JJ50050, 2020JJ6075, 2020JJ6076)

作者简介: 倪正顺(1964-),湖南桃源人,湖南工业大学教授,博士,硕士生导师,主要研究方向为机械可靠性设计, E-mail: happy2021hut@126.com

## 1 研究背景

铝合金本身具有强度高、密度低、抗腐蚀性优异 等特点,随着轻量化技术的发展,被广泛应用于航空 航天、铁路交通、海上运输等领域<sup>[1]</sup>。铆接具有加工 效率高、强度高等优点,已成为铝合金等材料连接的 首选加工方式。然而, 铆接接头在成型过程中需要迫 使母材发牛塑性变形, 甚至穿破母材, 这势必给铆接 接头的服役寿命造成较大的影响。因此,通过试验研 究探明异种轻质金属铆接接头疲劳寿命及其优化具 有重要的工程意义<sup>[2]</sup>。

现在预测疲劳寿命的方法主要有以下几种。首先 是名义应力法,这是一种较传统的疲劳寿命预测方 法, 它以材料或零件的 S-N 曲线为基础, 对照试件或 结构疲劳危险部位的应力集中系数和名义应力,利用 疲劳累计损伤理论, 校核疲劳强度并计算疲劳寿命。 此方法以疲劳试验为基础,有较高的可靠度,因此在 工程上得到了非常广泛的应用。但是名义应力法的缺 点就是没有考虑缺陷根部的局部塑性。

考虑到上述方法的局限性,局部应力-应变法 随之而生,该方法一般适用于低周疲劳寿命预测,应 用最广泛的是 Manson-Coffin 方程<sup>[3-4]</sup>。它描述的是 构件的疲劳破坏往往是从应力集中处的最大应变处 开始的,而且在出现裂纹之前会出现一定的塑性变 形,应变集中处的最大局部应力和应变决定了构件的 疲劳强度和寿命。

最后就是以断裂力学为理论基础的裂纹扩展寿 命预测方法,该方法预先假设裂纹已经存在,并结合 疲劳裂纹扩展规律,将裂纹尺寸大小和扩展速率作为 结构损伤的评判标准来预测疲劳寿命。裂纹扩展寿命 预测还分为常幅加载下和变幅加载下的情况,而实际 情况中,大多数构件都是变幅加载的,操作更为复杂, 近年来对变幅的研究还在持续中<sup>[5-6]</sup>。

针对铝合金薄板的自冲铆接疲劳寿命分析,国内 外学者也做了很多研究, K. Iyer 等<sup>[7]</sup> 根据铝合金薄 板不同的厚度预测了自冲铆接接头的疲劳寿命,试验 结果表明随着铝合金薄板厚度的增加, 接头的疲劳寿 命也随之增大; Huang L. 等<sup>[8]</sup>研究了由厚度不同的 铝-钢板材铆接而成的异质金属自冲铆接接头的疲 劳性能,探究了板材与铆钉接触区域的疲劳失效机 制;孙宇幸等<sup>19</sup>研究了不同应力比下铆接接头的疲 劳强度,并对 S-N 曲线进行了相应分析;严柯科等<sup>[10]</sup> 采用有限元方法对剪切工况下铆接接头的疲劳损伤 机制进行了研究。上述学者的研究从铆接工艺参数、 铆接板的厚度等对自冲铆接结构进行了试验分析优 化,但是还没有考虑铆接铆钉分布不确定性的影响, 而铆钉在零件上分布的随机性对铆接结构的疲劳寿 命有着非常重要的影响。

本文通过对铆钉分布位置的不确定性分析,提出 了一种铆接结构疲劳寿命优化方法。即将铆钉坐标 分布作为自变量,铆接结构疲劳寿命作为目标函数, 基于单行替换法对其进行优化设计,得出铆钉最佳铆 接位置和疲劳寿命区间<sup>[11]</sup>。

#### 异种轻质金属铆接接头疲劳试验 2

#### 2.1 试件制备

被连接件为 2 mm 厚的 6061 和 5052 铝合金板材, 6061 和 5052 属热处理可强化合金,具有良好的可成 型性、可机加工性,同时具有中等强度,在退火后仍 能维持较好的操作性。铝合金板材的化学成分如表1 所示。

表 1 异种轻质金属主要化学成分								
Table 1Main chemical composition of heterogeneous light metals						0⁄0		
材料	Cu	Mn	Mg	Zn	Cr	Ti	Si	Fe
6061	0.15~0.4	0.15	0.8~1.2	0.25	0.04~0.35	0.15	0.4~0.8	0.7
5052	≤ 0.10	≤ 0.10	2.2~2.8	≤ 0.10	0.15~0.35	-	≤ 0.25	≤ 0.40
进行试验铆接接头试件总长 120 mm, 中间 30						<del>\</del>		
mm 为公共	搭接区域,板	厚为4mm,	如图1所示	<b>,</b>	2		2	<u>&lt; 30</u> ▲
图中单位为 mm。				b)试作	中正视图		c)试件左视图	







铆钉采用的是36MnB4合金钢,铆钉直径为5.3 mm,铆钉长度为5mm。

#### 2.2 力学性能试验

试验采用 PLD-100 型微机控制电液伺服万能试 验机,如图2所示。铆接接头单调拉伸试验基于载荷

控制, 施加轴向载荷直至试件被拉断, 在试件被拉断 后处理试验数据得到的应力 - 应变曲线如图 3 所示。 其中铆接接头金属力学参数如表 2 所示。



图 2 PLD-100 型微机控制电液伺服高温疲劳试验机

Fig. 2 PLD-100 microcomputer controlled electro-hydraulic servo high temperature fatigue machine

表 2 铆接接头力学性能参数

Table 2 Riveted joint mechanical properties parameters

材 料	密度/(kg·mm <sup>-3</sup> )	弹性模量 /GPa	泊松比
6061 铝合金	$2.75 \times 10^{-6}$	$6.89 \times 10^{4}$	0.33
5052 铝合金	$2.68 \times 10^{-6}$	$6.93 \times 10^{4}$	0.33
36MnB4 合金钢	$7.87 \times 10^{-6}$	$2.09 \times 10^{5}$	0.28
	<sup>300</sup> -		_



#### 2.3 基于应力控制的疲劳试验

基于应力控制的疲劳寿命试验,载荷类型为正 弦拉压载荷,振动频率在 1~2 Hz 范围内,为了保持 试验条件统一,所采用应力比恒为 R=0.1,试验温 度为常温。在载荷水平为 3 500, 3 250, 3 000, 2 750, 2 500, 2 250 N 的条件下分别进行重复的 5 组试验取 平均值,得到施加载荷和对应疲劳寿命的数据如表 3 所示。由表 3 的试验结果可以得出,试件疲劳寿命 和施加载荷水平成反比,即疲劳寿命随着载荷水平 的增大而减小。

#### 表 3 铆接接头疲劳试验结果

Table 3 Fatigue test results of riveted joints

最大载荷 /N	寿命 / 次	最大载荷 /N	寿命 / 次
33 500	8 352	22 750	8 352
33 250	18 654	22 500	18 654
33 000	27 548	22 250	27 548

#### 2.4 试验结果与分析

本文中试验接头由于其制造工艺的差异,接头疲 劳失效形式与常规自冲铆接接头失效形式有所不同, 发生破坏的位置在铆钉处,为铆钉断裂脱落,上下板 分离,失效形式如图4所示。



a)上板 b)下板 图 4 铆接宏观失效形式

Fig. 4 Riveted macroscopic failure mode

根据试验所得数据在 Origin 中进行拟合,得到 铆接结构疲劳强度与寿命曲线如图 5 所示。



Fig. 5 Specificit 5-Weuve

对于试件的破坏,疲劳累计损伤可以表示为

$$\sum D_i = \sum \frac{n_i}{N_{i,i}} \circ \tag{1}$$

式中:  $D_i$ 为损伤;  $n_i$ 为不同循环应力幅下的循环次数;  $N_{i,j}$ 为不同循环应力幅下 *S-N* 曲线对应的试件的疲劳 寿命。

当累计损伤达1时,试件发生疲劳破坏。

## 3 铆接接头疲劳寿命优化设计

### 3.1 铆接接头有限元模型

自冲铆接分为实心铆钉连接和半空心铆钉连接, 其中实心铆钉连接又分为圆柱形铆钉连接和腰鼓型 铆钉连接。因为生产实际中实心铆钉连接的局限性, 本文采用了半空心铆钉连接的方式建立铆接接头有 限元模型,如图6所示(尺寸参数,坐标原点如图1 所示)。



图 6 铆接接头有限元模型

Fig. 6 Finite element model of riveted joints

## 3.2 铆接结构疲劳寿命优化目标函数建立

#### 3.2.1 设计变量的选取

在工艺上,铆钉是连接两块板件的桥梁,一般为 应力集中的地方,是铆接结构的危险区域,所以研 究铆接点的疲劳强度对构件整体有非常重要的意义。 由于铆接板的厚度远小于其它两个方向的长度,所以 课题组将立体结构简化为平面,从铆接点分布位置出 发,在铆接试样中心点为零点建立平面直角坐标系, 将铆接点的坐标 (x, y) 作为设计变量。

对于自变量坐标的选取,课题组采用 Isight 进行 拉丁超立方随机抽样得到坐标数据(以 mm 为单位), 如表 4 所示。

表	ŧ4	铆钉位置坐标
Table 4	Riv	vet position coordinates

x	У	x	У
-5	10	5	1
-1.67	5.0	-8.33	1.67
8.33	8.33		

3.2.2 目标函数及约束条件的确定

本文将铆接结构的疲劳寿命 N 作为目标函数:

$$\min f(x, y) = -N_f(x, y)_\circ \qquad (2)$$

将构件公共搭接长度设为*l*,板宽为*B*,板厚为 *d*,*S<sub>ij</sub>*为两铆点*i*、*j*的距离。由几何关系可知,设计 变量的约束条件如下:

在x方向上,

$$-\frac{1}{2}(l-d) < x_i < \frac{1}{2}(l-d); \qquad (3)$$

在y方向上,

$$-\frac{1}{2}(B-d) < y_i < \frac{1}{2}(B-d); \qquad (4)$$

铆接点相邻位置距离

$$S_{ij} = \sqrt{(x_i - x_j)^2 + (y_i - y_j)} > 0 \ . \tag{5}$$

综上所述,可建立如下铆接结构的疲劳寿命优化 模型:

$$\begin{cases} \min f(x, y) = -N_{f}(x, y), \\ \text{s.t.:} \\ -\frac{1}{2}(l-d) < x_{i} < \frac{1}{2}(l-d); \\ -\frac{1}{2}(B-d) < y_{i} < \frac{1}{2}(B-d); \\ S_{ij} = \sqrt{(x_{i} - x_{j})^{2} + (y_{i} - y_{j})} > 0 \circ \end{cases}$$

$$(6)$$

3.2.3 基于 Hypermesh 和 Abaqus 的联合仿真

对表 4 Isight 抽样得到的 5 组数据在 UG 中分别 建立模型,导入 Hypermesh 划分网格,网格类型采 用八节点六面体实体单元,并且对铆钉处的网格进行 细化处理,提高计算精度,在铆钉处于试件中心点时 的网格划分如图 7 所示,其为试件 1/4 截面图,后面 的优化中也采用对称简化,两铆钉间距对试件疲劳寿 命的影响远小于铆钉坐标分布位置的影响,因此忽略 此因素的影响。



图 7 自冲铆接结构网格划分 Fig. 7 Self-punching riveted structural grid

在 Hypermesh 中将网格分块成上板、下板、铆 钉 3 部分,分别赋予表 2 相应材料和属性,然后将生 成网格导入 Abaqus。

在进行仿真时,课题组先对上板与下板、上板与 铆钉、下板与铆钉之间定义3对接触,铆接连接件之 间均为干涉配合,接触方式为表面-表面,摩擦因 数为0.1。另外,对构件一端施加固定约束,另一端 施加恒定2000N的载荷,采用"拉-零-拉"的加 载方式进行操作,得到如上几种不同铆钉位置分布下 的应力云图。

S-N曲线中最常用的幂函数表达式为

$$S^m \times N = C_{\circ}$$
 (7)

式中: *m*与*C*均为与材料属性、试样形式和加载方 式等相关的材料参数; *S*为疲劳强度; *N*为疲劳寿命。

在 Matlab 中输入计算指令,根据形如方程(8)的模型进行非线性拟合

$$Y=a\times x^b,\qquad (8)$$

得到常数 *m* 和 *C* 的值, *m*=-2.3, *C*=1.949e<sup>22</sup>, 得到如 下表达式

$$N=1.949e^{22} \times S^{-2.3}$$
 (9)

针对 Isight 抽样得到的 5 组不同铆钉分布位置铆 接结构及其初始结构进行循环加载,通过 Abaqus 进 行非线性有限元计算,得到铆接结构力学响应,其中 初始结构最大应力云图如图 8 所示。进而将每组模型 最大等效应力代入式(9)中,即可得到表 5 中所示 的铆接结构疲劳寿命。



图 8 初始结构应力云图 Fig. 8 Initial structural stress cloud

表 5 铆接结构疲劳寿命

Table 5 Fatigue life of riveted structures

x	у	<i>S</i> /MPa	N/次
-5	10	327.4	11 495
-1.67	5	126.8	103 074
8.33	8.33	322.4	11 910
5	1	153.6	60 144
-8.33	1.67	130.5	95 925

3.2.4 优化目标函数的构建

将表 5 中数据提取出来制作成一个新的 TXT 文件,在 Isight 中输入变量 x、y 和输出响应 N,通过 响应面法得到拟合函数系数,从而得到一个新的以 N<sub>f</sub>为目标函数、x 和 y 为变量的优化目标函数:

 $N_f = 640.108 \ 6x^2 - 2 \ 170.307 \ 3y^2 + 1 \ 384.840 \ 5x +$ 

14 582.606 2y-737.843 1xy+34 029。 (10) 将表 5 中的数据代入式(10)中,能得到与之对 应的结果,说明此优化函数可行。

## 4 基于单行替换法的铆接结构疲劳 寿命优化

### 4.1 单行替换法

在优化方法中,例如最速下降法、共轭梯度法、

变尺度法和牛顿法等都是用函数一阶导数或者二阶 导数信息来确定搜索方向的。但如果在不计算导数的 情况下,先算出若干点的函数值,再根据函数值的大 小看出函数变化的大概趋势,从而寻求函数的下降方 向以确定搜索方向的方法也有很多,单行替换法就是 其中一种。

单行替换法的基本思想就是根据单纯形的顶点 (即n维空间中具有n个顶点的多面体),计算各 顶点的函数值,确定函数搜索方向和步长,找到一 个新的更好的点来取代原单纯形中较差或最差的点, 用形成的新的单纯形来取代初始单纯形。然后,不断 重复上述步骤,直到搜索到极值点为止。由于未利用 任何求导运算,算法比较通用简单,但收敛速度较慢, 适合变量数少于10个的方程求极值,所以适用于此 疲劳寿命优化中。

在多元函数中,基本计算步骤如下:

1) 构建初始单纯形;

2) 计算各顶点函数值;

3) 比较函数值的大小,确定最好点 *X*<sub>L</sub>、最差点 *X*<sub>H</sub> 和次差点 *X*<sub>G</sub>;

4)检验是否满足收敛准则

$$\left|\frac{f_{\rm H} - f_{\rm L}}{f_{\rm L}}\right| < \varepsilon, \tag{11}$$

式中:  $f_{\rm H}$ 为最差点函数值;  $f_{\rm L}$ 为最好点函数值;  $\varepsilon$ 为 收敛常数。

如满足,则 $X^*=X_L$ ,结束,否则转5);

5) 计算除 X<sub>H</sub> 点之外各点的"重心" X<sub>n+1</sub>,

反射点。 $X_{n+2}=2X_{n+1}-X_{H};$ 

$$f_{n+2} = f(X_{n+2})$$

当 $f_{L} \leq f_{n+2} \leq f_{G}$ , 以 $X_{n+2}$ 代替 $X_{H}$ ,  $f_{n+2}$ 代替 $f_{H}$ , 构成一新单纯形, 然后返回到3)。

扩张。当 $f_{n+2} < f_L$ 时,取扩张点 $X_{n+3} = X_{n+1} + a(X_{n+2} - X_{n+1})$ ,并计算其函数值。

收缩。当 $f_{n+2} > f_G$ 时则需收缩。如果 $f_{n+2} < f_H$ ,则取 收缩点

 $X_{n+4}=X_{n+1}-\beta(X_{n+2}-X_{n+1}), 并计算其函数值。$ 

缩边。将单纯形缩边,可将各向量*X<sub>i</sub>*−*X<sub>L</sub>*(*i*=0, 1, …, *n*)的长度都缩小一半,即*X<sub>i</sub>*=*X<sub>L</sub>*−0.5(*X<sub>i</sub>*−*X<sub>L</sub>*)= 0.5(*X<sub>i</sub>*+*X<sub>L</sub>*) (*i*=0, 1, …, *n*),并返回到 2)。

#### 4.2 铆接结构疲劳寿命优化设计

铆接点初始坐标为(0,0),通过式(10)能得知 构件初始疲劳寿命为34029次,将式(4)代入已编 写好的单行替换法的 Matlab 程序中,取±0.5 mm的 误差区间,得到如表6所示的优化结果。从结果可知, 优化后的铆接结构疲劳寿命下限值是初始结构疲劳 寿命的4倍,优化效果显著;优化后的铆钉结构等效 应力云图如图9所示,由图可知新的铆接结构最大等 效应力减小了一半。

表 6 优化结果 Table 6 Optimization results

变量	初始寿命 / 次	优化坐标	优化寿命 / 次
铆接试件	34 029	$(-9.8 \pm 0.5, 4.9 \pm 0.5)$	(135 698, 140 367)



图 9 优化后铆接结构应力云图 Fig. 9 Stress nephogram of the riveted structure after optimization

将最大寿命优化坐标时的试件进行 5 组疲劳试 验,得到的最大寿命平均值为 138 756 次,与表 6 优 化结果符合,说明此优化方法可行。

## 5 结语

本文综合考虑了铆钉分布位置的不确定性对疲 劳寿命的影响,以异种轻质金属自冲铆接构件为研究 对象,构建铆接结构有限元模型,结合试验数据和非 线性有限元分析确定铆接结构疲劳寿命优化目标函 数,基于单行替换法进行全局寻优,获得最优铆钉位 置信息。优化结果表明:优化后铆钉结构疲劳寿命下 限值是初始铆接结构疲劳寿命的4倍,且优化后铆接 结构最大等效应力下降一半。该方法为技术人员进行 铆接结构抗疲劳设计提供了新的设计思路和可行的 解决方法。

#### 参考文献:

- LI Y B. Lightweighting of Car Body and Its Challenges to Joining Technologies[J]. Journal of Mechanical Engineering, 2012, 48(18): 44.
- [2] HRABOWSKI J, UMMENHOFER T. Low Cycle Fatigue of Welded very and Ultra-High Strength Steels[J].
   Procedia Structural Integrity, 2019, 19: 259–266.
- [3] ZHU Q Y, LU P M, XIANG Q Y. Fatigue Life

Evaluation of Web Butt Welding Structure on Boom of Excavator by Hot Spot Stress Approach[J]. Engineering Failure Analysis, 2020, 113: 104547.

- SHEN W, QIU Y, XU L, et al. A Semi-Analytical Formula for Calculating the Notch Stress Field of Cruciform Welded Joint Under Bending Loading[J]. Fatigue & Fracture of Engineering Materials & Structures, 2020, 43(11): 2637-2652.
- [5] BELYTSCHKO T, BLACK T. Elastic Crack Growth in Finite Elements with Minimal Remeshing[J]. International Journal for Numerical Methods in Engineering, 1999, 45(5): 601–620.
- [6] TERAI K, TOMITA Y, HASHIMOTO K, et al. Fatigue Design Method of Ship Structural Members Based on Fatigue Crack Growth Analysis[OL]. [2022– 03–25]. https://onepetro.org/ISOPEIOPEC/proceedingsabstract/ISOPE01/All-ISOPE01/ISOPE-I-01-430/8198.
- [7] IYER K, BRITTMAN F L. Fatigue & Fracture of Engineering[J]. Materials & Structures, 2005, 28(11): 997.
- [8] HUANG L, BONNEN J, LASECKI J, et al. Fatigue and Fretting of Mixed Metal Self-Piercing Riveted Joint[J]. International Journal of Fatigue, 2016, 83: 230-239.
- [9] 孙宇幸,刘莹莹,张君彦,等.应力集中和应力比对 TC18 合金锻件疲劳强度的影响 [J]. 稀有金属,2019, 43(7): 699-705.
  SUN Yuxing, LIU Yingying, ZHANG Junyan, et al. Fatigue Strength of TC18 Titanium Alloy Forgings with Different Stress Concentrations and Stressratios[J]. Chinese Journal of Rare Metals, 2019, 43(7): 699-705.
  [10] 严柯科,何晓聪,邢保英,等.轻型车身自冲铆接头
- 拉伸剪切实验的研究 [J]. 机械设计, 2012, 29(2): 79-82. YAN Keke, HE Xiaocong, XING Baoying, et al.

Research on Tensile Shear Test of Self-Piercing Riveting Joint for Light Vehicle Body[J]. Journal of Machine Design, 2012, 29(2): 79-82.

[11] 刘志成,姜 潮,李 源,等.考虑焊点不确定性的车身点焊结构疲劳寿命优化[J].中国机械工程, 2015,26(18):2544-2549.

LIU Zhicheng, JIANG Chao, LI Yuan, et al. Fatigue Life Optimization for Spot-Welded Structures of Vehicle Body Considering Uncertainty of Welding Spots[J]. China Mechanical Engineering, 2015, 26(18): 2544–2549.