doi:10.3969/j.issn.1673-9833.2022.03.001

焊接工艺对波形钢腹板焊接细节残余应力的影响

刘 扬¹,马 威¹,张海萍¹,邓 扬²,李 立¹

(1.湖南工业大学 土木工程学院,湖南 株洲 412007; 2.北京建筑大学 土木与交通工程学院,北京 100044)

摘 要:为得到一种较优的波形钢腹板-翼缘板焊件焊接工艺,以头道河大桥为工程背景,采用 ABAQUS建立了3种不同加载工况下的焊接数值计算模型,得到了焊接过程中焊件的温度场变化,并对比 了单面焊件在不同焊接顺序下的纵向残余应力分布,分析了单面焊件和双面焊件在折角区域焊缝的纵向残余 应力分布,考虑了变截面对关键细节纵向残余应力的影响。结果表明:焊缝附近的等效残余应力接近Q345 钢材的屈服应力,不容忽视;合理的焊接顺序能够降低单面焊件在折角区域焊缝的纵向残余应力;对于双面 焊件,先焊一侧的焊缝应力水平低于单面焊件的,而后焊一侧的焊缝应力水平则高于单面焊件的,为减小折 角焊缝区域的纵向残余应力,建议采用先焊折角圆弧外侧,再焊圆弧内侧的双面焊焊接工艺;关键细节的纵 向残余应力与翼缘板厚度呈负相关。

关键词:波形钢腹板 - 翼缘板连接焊缝;数值模拟;焊接残余应力;焊接工艺;板件厚度
 中图分类号:U441⁺.5
 文献标志码:A
 文章编号:1673-9833(2022)03-0001-08
 引文格式:刘扬,马威,张海萍,等.焊接工艺对波形钢腹板焊接细节残余应力的影响[J].湖南工
 业大学学报,2022,36(3):1-8.

Research on the Effect of Welding Process on the Welding Detail Residual Stress of Corrugated Steel Web

LIU Yang¹, MA Wei¹, ZHANG Haiping¹, DENG Yang², LI Li¹

(1. College of Civil Engineering, Hunan University of Technology, Zhuzhou Hunan 412007, China;2. School of Civil Engineering, Beijing University of Civil Engineering and Architecture, Beijing 100044, China)

Abstract: In order to obtain a better welding process of corrugated steel web flange plate weldment, with Toudaohe bridge taken as the engineering background, the welding numerical calculation models under three different loading conditions are to be established by using ABAQUS, thus obtaining the changes of temperature field of weldment during the process of welding, followed by a comparison of the longitudinal residual stress distribution of single-sided weldment under different welding sequences, as well as an analysis of the longitudinal residual stress distribution of single-sided weldment and double-sided weldment in the fillet area, with the influence of variable section on the longitudinal residual stress of key details taken into consideration. The research results show that the equivalent residual stress near the welding line is close to the yield stress of Q345 steel, a factor that should not be ignored; meanwhile a reasonable welding sequence helps to reduce the longitudinal residual stress of the single-sided weldment in the stress level of the weld on the first welding side is lower than that of the single-sided weldment, while the stress level of the weld on the second welding side is higher than that of the single-sided weldment, while the stress level of the welding line on the second welding side is higher than that of the single-sided weldment.

收稿日期: 2021-12-06

基金项目:国家自然科学基金资助项目(52178207)

作者简介: 刘 扬(1973-),男,湖南岳阳人,湖南工业大学教授,博士,博士生导师,主要研究方向为桥梁结构安全控制与可靠度分析, E-mail: liuyangbridge@163.com,

sided weldment. In order to reduce the longitudinal residual stress in the fillet weld area, it is suggested to adopt the double-sided welding process of an initial welding of the outside of the fillet arc and a subsequent welding of the inside of the arc; moreover, the longitudinal residual stress of key details is negatively correlated with the thickness of flange plate.

Keywords: corrugated steel web flange plate joint weld; numerical simulation; welding residual stress; welding process; plate thickness

0 引言

由于波形钢腹板 - 翼缘板焊接构件在焊接过程 中受热不均匀,导致焊缝细节存在较为复杂的焊接 残余应力场^[1]。焊接残余应力的存在会影响焊接构件 的疲劳强度,以及疲劳裂纹扩展路径^[2-4]。为减小焊 件的残余应力,许多研究者通过改变焊接工艺参数分 析了影响焊接残余应力的因素^[3-9],但是关于波形钢 腹板 - 翼缘板焊件残余应力影响因素方面的研究鲜 有报道,因此,有必要提出一种合理的波形钢腹板 -翼缘板焊件焊接工艺。

近年来,国内外学者们主要研究了热源输入和焊 接顺序等因素对焊接构件残余应力的影响。例如李磊 等^[5]基于热弹塑性有限元分析方法,建立了典型船 舶构件焊件,通过研究,得出焊接等效残余应力与焊 接速度呈负相关,但是焊接速度过快会影响焊接质 量的结论; A. Khoshroyan 等^[6]采用 Ansys 对铝合金 T型焊件进行了研究,发现焊接速度的提高能够增加 焊缝的纵向拉应力;此外,较高的电流输入也会增加 其残余应力; Yi J. 等^[7] 通过对 4 种不同焊接顺序的 铝合金焊件残余应力进行对比,指出合理的焊接顺序 能有效降低焊接残余应力; 兰亮云等¹⁸ 也认为焊接 顺序对残余应力存在一定的影响,并且指出,对于双 面焊焊件, 先焊完一侧再焊接第二侧能减小焊件的整 体残余应力水平;徐捷等^[9]指出,顶板-U肋双面焊 模型焊缝附近的残余应力较单面焊模型的低,其还认 为采用先后焊接的方案能够降低先焊接焊缝一侧的 残余应力,这与兰亮云等得到的结果相似。之所以出 现这样的结果, 文献 [10] 中认为, 第二道焊的加载 过程对焊件起到了回火作用,这进一步论证了文献 [11] 中指出的多道焊焊件中最后一道焊是影响焊件残 余应力分布的关键。

本文拟采用有限元分析软件 ABAQUS 建立波形 钢腹板 - 翼缘板单面焊焊件和双面焊焊件模型, 探 讨焊接顺序对单面焊焊件残余应力的影响,分析焊件 分别采用单面焊和双面焊工艺时残余应力的分布情 况,以期为提出一种合理的波形钢腹板 - 翼缘板焊 件焊接方法提供理论参考依据。

1 波形钢腹板焊接残余应力数值计算

本研究以头道河大桥为工程背景。头道河大桥上 部采用了波形钢腹板组合结构,波形钢腹板钢材为 Q355NHC,波长为1.6 m,波高为0.22 m,钢板厚度 为14~24 mm,水平子板宽度为43 cm,斜板宽度 为37 cm,平板与斜板间的夹角为30°,且连接处采 用内径 R 为15 t(t为波形钢腹板的厚度)的圆弧段 过渡,典型波形钢腹板构造如图1所示。



1.1 模型尺寸

考虑到波形钢腹板 – 翼缘板构件的周期性,只 建立一个周期的模型,其连接构造与尺寸如图 2 所 示。波形钢腹板厚度为 20 mm,波折转角半径 r 为 150 mm,波折角度 θ 为 30°,波形钢腹板高度 h 为 100 mm,翼缘板宽度 b 为 500 mm,翼缘板长度 l 为 811.051 mm,由于实桥为变截面,分别建立钢翼缘 板厚度为 14, 17, 20 mm 的数值模型进行对比研究。



假设数值模型的母材和焊条热物理、力学性能相

同,均采用 Q345 钢材,材料参数随温度变化曲线如 图 3 所示^[12-14]。



图 3 Q345 钢材热物理材料参数

Fig. 3 Thermophysical material parameters of Q345 steel

本研究数值计算过程中,常数 Stefan-Boltzmann 取 5.67×10⁻⁸ W·(m²· \mathbb{C}^{4})⁻¹,绝对零度为 -273.15 \mathbb{C} 。 对流换热系数受诸多外界环境条件的影响,自然条件 下,空气的自然对流系数为 5~25 W/(m²· \mathbb{C}),本 研究中取 20 W/(m²· \mathbb{C})。辐射换热系数取定值 0.8, 环境温度取 20 $\mathbb{C}^{[15]}$ 。

1.3 网格划分

为确保计算精度,本研究建立了4种不同网格 尺寸的平板焊件模型,网格尺寸依次为1.0,2.5,5.0, 10.0 mm,仿真试验得到各模型的纵向残余应力随距 离的变化结果,如图4所示。



随距离的变化曲线



分析图 4 可以得知,当平板焊件模型的网格尺寸 为 10.0 mm 时,焊缝附近的应力分布偏差较大,而 当网格尺寸减至 5.0, 2.5, 1.0 mm 时,其应力分布完 全一致,且应力峰值位置及数值吻合度较高。综上所 述,为兼顾计算效率和计算精度,焊缝区域采用较细 密网格(网格尺寸约为2.5 mm),远离焊缝区域采 用较稀疏网格(网格尺寸约为10 mm),其他区域 则划分出至少两个过渡区,实现网格尺寸从横向和 纵向上的过渡。图5为30°波折角度焊件的网格划 分模型。为高效率模拟焊接过程中焊缝的不断填充, 首先统计焊件焊缝单元编号,然后采用 Python 实现 "生死单元技术",最终计算出焊件的焊接残余应力。



图 5 30° 波折角度焊件的网格划分模型



1.4 焊接热源

焊接热源参数的选取会直接影响整个焊件的焊接残余应力与残余变形量,因此焊接热源的确定是整个仿真过程中一个非常重要的步骤。ABAQUS 中焊接移动热源的实现,主要采用 Fortran 语言编制的DFLUX 子程序加载方式,子程序的编写主要涉及如下两个方面的问题。

1)焊接移动热源模型的选取。本文选用双椭球 热源^[16],热源分布模型如图 6 所示。



图 6 双椭球热源分布模型



$$q = \frac{6\sqrt{3}f_1\eta UI}{a_1 b c \pi \sqrt{\pi}} e^{-3\left(\frac{x^2}{a_1^2} + \frac{y^2}{b^2} + \frac{z^2}{c^2}\right)}$$
(1)

椭球后半部分的热流密度函数分布如下:

$$q = \frac{6\sqrt{3}f_2\eta UI}{a_2 b c \pi \sqrt{\pi}} e^{-3\left(\frac{x^2}{a_2^2} + \frac{y^2}{b^2} + \frac{z^2}{c^2}\right)}$$
(2)

式(1)(2)中:U、I分别为焊接电压和电流;

η 为热源效率;

 f_1 、 f_2 为能量分级函数;

 a_1 、 a_2 、b、c均为椭球形状参数。

2)双椭球热源模型参数的选取。为使焊接过程 中焊缝完全熔透,首先建立一组初始的热源模型参 数,然后根据计算过程中得到的熔池宽度、熔池深度 对热源参数进行修正,最终得到完全熔透焊缝的热源 模型,熔池模型如图7所示。



Fig. 7 Welded pool model

由图 7 可知,熔池温度高于 1 500 ℃,这表明热 源参数满足要求。

1.5 位移边界条件

温度场的计算仅是一个热传递过程,无需设置位 移边界条件,而应力场的计算则需要考虑刚体位移对 应力场结果的影响,需要给焊件一个位移边界条件, 同时不能严重阻碍关注细节处焊接残余应力的发展 过程。最终在远离焊缝区域的钢腹板上施加完全固结 边界条件,边界条件设置如图 8 所示。



Fig. 8 Boundary condition setting diagram

1.6 焊接工况

为研究不同焊接工艺对焊接残余应力的影响,建 立了采用单面焊焊接工艺和双面焊焊接工艺的数值 计算模型,具体的焊接工况如图9所示。如图所示, 采用单面焊焊接工艺的计算模型,选用工况一、工 况二两种相反路径的加载方式,其中工况一中包含3 种(14,17,20 mm)翼缘板厚度模型计算,用来探讨 截面尺寸变化的影响;采用双面焊焊接工艺的计算模 型选用工况三的加载方式,并且将焊件模型分为前部 和后部两个区域。



Fig. 9 Schematic diagram of welding conditions

2 焊接温度场结果与分析

2.1 温度场云图

本文计算两种不同焊接工艺的焊件模型,其中双 面焊焊件在第一道焊缝完成后直接开始焊接第二道 焊缝,两种焊件焊接完成之后均冷却 3 000 s。限于 篇幅,本文仅给出双面焊焊件焊接 - 冷却阶段的温 度云图,如图 10 所示,其焊接时程为 346 s,冷却时 程为 3 000 s。



a) t=88 s, 第一道焊进行一半





从图 10 中可以看出,波折角度为 30°的双面焊 焊件上温度场的分布取决于移动热源的位置,热源 到达区域的温度迅速上升至超过钢材的熔点温度(约 为 1 500 ℃),随着热源逐渐远离,高温区域的温度 逐渐下降,当焊件焊接完成之后,整个焊件的温度逐 渐降低,最终在 3 000 s 后降低至 26~29 ℃,可以认 为焊件温度逐渐冷却至室温。

2.2 温度循环曲线

选取第一道焊缝路径 为测点路径,测点路径上 随着焊接方向,分别为测 点 1~5。测点包括波形钢 腹板直边中心位置、转角 区域中心位置及斜直边中 心位置,具体分布见图 11,经过仿真试验,得到 了各测点温度随时间变化 的关系曲线,如图12 所示。



图 11 测点分布图 Fig. 11 Distribution of the measuring points





约至1700℃;随着热源的远离,温度逐渐降低,热 源在进行第二道焊时再一次接近测点,温度再一次呈 现上升趋势。对比图12中各曲线,可以发现各测点 温度均有两个峰值点,且不同测点的峰值点温度基本 一致,这表明焊件的整个焊缝区域是一个准稳态温度 场,各焊缝的焊接效果较为理想。

3 焊接残余应力场结果与分析

3.1 应力场云图

从前文的温度场分析,可知焊接过程较为理想, 将得到的温度场结果作为初始条件(预定义场)代入 应力场进行计算,冷却完成后得到的3种加载工况应 力场云图如图 13 所示。



从图 13 中可看出, 3 种模型冷却完成时的最大 应力均存在于焊缝附近, 翼缘板上均呈现 S 分布, 随着远离焊缝, 应力逐渐变小, 最大 Von Mises 应力 约为 344 MPa, 接近 Q345 钢材的屈服强度。对比图 13 中各工况云图可看出, 采用双面焊接工艺的焊件 在直边和后部折角区域焊缝的等效残余应力较单面 焊焊件明显降低。

3.2 有限元模型验证

提取波形钢腹板 - 翼缘板双面焊件在斜直边上的焊接残余应力,与文献 [1] 中的试验结果进行对比验证,结果如图 14 所示。



Fig. 14 Comparison diagram of test and calculated data

由图 14 可知,本研究有限元数值模拟所得残余 应力曲线与文献[1]中的试验实测数据的吻合度较高。 由此可见,基于热-力顺序耦合有限元模拟方法计 算精度满足要求。

3.3 不同加载工况下的应力结果与分析

基于疲劳裂纹易萌生于波折角焊缝焊趾处,且沿横向发展这一现象^[17-18],本研究主要研究各焊接工况下焊件折角区域的焊接纵向残余应力分布及其影响因素。首先,定义垂直于焊接路径方向为横向,平行于焊接路径方向为纵向,然后在焊件翼缘板上选择用于提取残余应力的横向路径*A_i、B_i、C_i*,提取路径主要分布于折角焊缝区域,如图 15 所示。



图 15 焊接残余应力的提取路径 Fig. 15 Extraction path of welding residual stress

仿真所得 3 种工况加载情况下的折角区域纵向残 余应力分布如图 16 所示。



Fig. 16 Residual stress distribution in the corner area under different working conditions

从图 16 中可知,各工况加载情况下的纵向残余 应力峰值点均位于焊缝附近,随着远离焊缝,残余应 力逐渐降低。对比图中工况一和工况二可知,单面焊 采用不同焊接路径对焊根处残余应力的影响较小,而 对焊趾处残余应力的影响较大。工况二加载情况下, 路径 *A*₁、*B*₁ 焊趾处的残余应力比工况一分别高 38, 23 MPa。对比图中工况一和工况三,可发现双面焊 焊件在路径 *A*₁、*B*₁、*C*₁ 焊根处的残余应力比单面焊 焊件分别低 54, 51, 54 MPa,双面焊焊件在路径 *A*₁、 *B*₁、*C*₁ 焊趾处的残余应力比单面焊焊件的分别低 23, 27, 28 MPa,可得出,采用工况三加载的双面焊焊件 能较大程度地降低后部折角区域焊缝的残余应力。这 与前面得到的应力云图分析结果一致,其原因可能是 第二道焊缝的加热过程起到了回火作用^[9],使得焊件 的残余应力峰值位置重新分布。

从图 9 中可看出,工况二的焊接路径与工况三中 第二道焊的路径一致,为研究第一道焊对第二道焊的 影响,认为工况二中的数据提取路径 *A*₁、*B*₁、*C*₁等 同于工况三中的 *A*₂、*B*₂、*C*₂,工况二和工况三加载 情况下的前部折角区域焊接残余应力分布如图 16 所示。对比图 16 中工况二和工况三,双面焊焊件在路径 A_2 、 B_2 、 C_2 焊根处的残余应力与单面焊焊件无较大差异,双面焊焊件在路径 A_2 、 B_2 、 C_2 焊趾处的残余应力比单面焊焊件分别高 8,31,10 MPa,可得知采用工况三加载的双面焊焊件前部折角区域焊缝残余应力较单面焊焊件高,尤其在转角中心焊缝焊趾处。

3.4 不同尺寸模型应力结果与分析

考虑到实桥为变截面尺寸,计算出工况一加载情况下翼缘板厚度分别为 14, 17, 20 mm 的焊件残余应力结果分布,所得关键细节的纵向残余应力结果如图 17 所示。





从图 17 中可看出,不同翼缘板厚度模型应力结 果的纵向残余应力峰值点均位于焊缝附近,并且随着 远离焊缝而逐渐降低,随着板厚的增加,整个折角区 域焊趾的纵向残余应力大致呈下降趋势,尤其在翼缘 板厚度从 14 mm 增至 17 mm 时较为明显,路径 *A*₁、 *B*₁、*C*₁焊趾处的残余应力分别减小 18,34,26 MPa; 但当厚度从 17 mm 增至 20 mm 时,仅路径 *B*₁焊趾 处(折角中心位置)的残余应力汤别增加了 4,2 MPa, 整 体变化幅值较小,可认为无较大变化。分析其原因, 可能为数值计算过程中,随着翼缘板厚度增加,热流 量输入恒定,相同体积所受的热流影响变小,使得纵 向残余应力减小。

4 结论

本文结合"生死单元技术"和"热-力顺序耦 合计算方式"对3种不同焊接工况的波形钢腹板-翼缘板焊接构件进行数值计算,对比了单面焊件在不 同焊接顺序下的纵向残余应力分布,分析了单面焊 件和双面焊件在折角区域焊缝的纵向残余应力分布, 考虑了变截面对单面焊件关键细节纵向残余应力的 影响,得出如下结论:

1)焊接等效残余应力在焊缝附近达最大值,为 344 MPa,接近Q345钢材的屈服应力,故在进行波 形钢腹板梁桥焊接细节的疲劳分析时,应考虑焊接残 余应力的影响。

2)不同焊接顺序能影响单面焊焊件折角焊缝焊 趾的残余应力,选择合理的焊接顺序能降低 20~40 MPa 的纵向残余应力。

3)采用工况三加载方式的双面焊焊件,能较大 程度降低后部折角区域焊根、焊趾处的纵向残余应 力,但是会提高前部折角区域焊趾处的纵向残余应 力。因此,为减小折角焊缝区域的焊接纵向残余应力, 建议采用先焊折角圆弧外侧,再焊圆弧内侧的双面焊 焊接工艺。

4) 在波形钢腹板厚度恒定时, 翼缘板厚度的变 化能影响关注细节的纵向残余应力分布, 折角区域焊 趾的纵向残余应力与翼缘板厚度大致呈负相关, 且在 折角中心位置处较为明显。

参考文献:

- WANG Z Y, ZHANG T, LI X L. Experimental and Numerical Study of Residual Stress Distribution of Corrugated Web I-Beams[J]. Journal of Constructional Steel Research, 2020, 166: 105926.
- [2] 王春生, 翟慕赛, 唐友明, 等. 钢桥面板疲劳裂纹耦 合扩展机理的数值断裂力学模拟 [J]. 中国公路学报, 2017, 30(3): 82-95.
 WANG Chunsheng, ZHAI Musai, TANG Youming, et al. Numerical Fracture Mechanical Simulation of Fatigue Crack Coupled Propagation Mechanism for Steel Bridge Deck[J]. China Journal of Highway and Transport, 2017, 30(3): 82-95.
- [3] 崔 闯,卜一之,李 俊,等.钢箱梁面板与U肋 焊接残余应力的分布特性[J].西南交通大学学报,

2018, 53(2): 260-265.

CUI Chuang, BU Yizhi, LI Jun, et al. Distribution Characteristics of Welding Residual Stress at U Deck-to-Rib Connection Detail of Steel Box Girder[J]. Journal of Southwest Jiaotong University, 2018, 53(2): 260–265.

[4] 顾 颖,冯 倩,任松波,等.焊接残余应力对对接接头疲劳裂纹扩展的影响[J].铁道科学与工程学报,2021,18(10):2752-2760.

GU Ying, FENG Qian, REN Songbo, et al. Effects of Welding Residual Stresses on Fatigue Crack Growth Behavior of Butt Joint[J]. Journal of Railway Science and Engineering, 2021, 18(10): 2752–2760.

- [5] 李 磊,戴凯云,任 帅,等.基于SYSWELD的 船体结构焊接工艺仿真及优化[J]. 机械设计与制造, 2016(10): 137-141.
 LI Lei, DAI Kaiyun, REN Shuai, et al. Simulation and Optimization of Hull Structure Welding Process Based on SYSWELD[J]. Machinery Design & Manufacture, 2016(10): 137-141.
- [6] KHOSHROYAN A, DARVAZI A R. Effects of Welding Parameters and Welding Sequence on Residual Stress and Distortion in Al6061-T6 Aluminum Alloy for T-Shaped Welded Joint[J]. Transactions of Nonferrous Metals Society of China, 2020, 30(1): 76–89.
- [7] YI J, ZHANG J M, CAO S F, et al. Effect of Welding Sequence on Residual Stress and Deformation of 6061-T6 Aluminium Alloy Automobile Component[J]. Transactions of Nonferrous Metals Society of China, 2019, 29(2): 287–295.
- [8] 兰亮云,邵国庆,张一婷,等.焊接顺序对 Q690 钢 T 型接头残余应力和变形的影响 [J]. 东北大学学报 (自然科学版), 2020, 41(12): 1741-1746.
 LAN Liangyun, SHAO Guoqing, ZHANG Yiting, et al. Influence of Welding Sequence on Residual Stress and Deformation of T-Joint of Q690 Steel[J]. Journal of Northeastern University (Natural Science), 2020, 41(12): 1741-1746.
- [9] 徐 捷,吉伯海,孙谷雨,等.钢桥面板顶板-U肋双面焊连接焊缝焊接残余应力分析 [J].河南大学学报(自然科学版),2020,50(4):487-496.
 XU Jie, JI Bohai, SUN Guyu, et al. Analysis of Residual Stress of U Rib-to-Deck Double-Side Welded Joint in Orthotropic Steel Bridge Deck[J]. Journal of Henan University(Natural Science), 2020, 50(4):487-496.
- [10] 吴 挺,丁文红,祁 聪,等.碳化物形貌对高强钢 回火残余应力的影响 [J]. 材料热处理学报,2021,

42(2): 80-88.

WU Ting, DING Wenhong, QI Cong, et al. Influence of Carbide Morphology on Residual Stress of High Strength Steel During Tempering[J]. Transactions of Materials and Heat Treatment, 2021, 42(2): 80–88.

- [11] 马雪鹤,袁武华,张勇伟,等.焊接顺序对Q370qE 桥梁钢焊接残余应力的影响[J]. 热加工工艺, 2022(1): 120-123, 128.
 MA Xuehe, YUAN Wuhua, ZHANG Yongwei, et al. Influence of Welding Sequence on Residual Stress of Q370qE Steel[J]. Hot Working Process, 2022(1): 120-123, 128
- [12] DENG D A. FEM Prediction of Welding Residual Stress and Distortion in Carbon Steel Considering Phase Transformation Effects[J]. Materials & Design, 2009, 30(2): 359–366.
- [13] TENG T L, LIN C C. Effect of Welding Conditions on Residual Stresses Due to Butt Welds[J]. International Journal of Pressure Vessels and Piping, 1998, 75(12): 857–864.
- [14] DENG D A, MURAKAWA H. Prediction of Welding Distortion and Residual Stress in a Thin Plate Butt-Welded Joint[J]. Computational Materials Science, 2008, 43(2): 353-365.
- [15] 赵 秋,吴 冲.U肋加劲板焊接残余应力的一种简 化计算方法 [J].工程力学,2012,29(10):170-176.
 ZHAO Qiu, WU Chong. A Simplified Calculation Method of Welding Residual Stress of U-Rib Stiffened Plates[J]. Engineering Mechanics, 2012, 29(10):170-176.
- [16] GOLDAK J, CHAKRAVARTI A, BIBBY M. A New Finite Element Model for Welding Heat Sources[J]. Metallurgical Transactions B, 1984, 15(2): 299–305.
- [17] SAUSE R, ABBAS H H, DRIVER R G, et al. Fatigue Life of Girders with Trapezoidal Corrugated Webs[J]. Journal of Structural Engineering, 2006, 132(7): 1070-1078.
- [18] 彭 鲲,李立峰,裴必达.基于热点应力的波形钢 腹板梁疲劳分析 [J]. 湖南大学学报(自然科学版), 2018, 45(9): 74-82.
 PENG Kun, LI Lifeng, PEI Bida. Fatigue Analysis of Beam with Corrugated Steel Webs Using Hot Spot Stress Method[J]. Journal of Hunan University (Natural Science Edition), 2018, 45(9): 74-82.

(责任编辑:廖友媛)