doi:10.3969/j.issn.1673-9833.2015.05.007

双振子动力吸振器设计与仿真分析

张武林, 樊征兵

(中国飞行试验研究院 飞机所,陕西 西安 710089)

摘 要:针对传统振子吸振器单频吸振的局限性,以及为减小薄板结构的振动响应,基于单振子模型建 立双振子多频动力吸振器。先介绍了双振子动力吸振器的模型,采用弹簧-质量单元构成吸振系统对振动 能量进行吸收;再介绍模型参数的确定方法;最后,利用有限元软件对双振子模型的吸振效果进行仿真分 析。仿真分析结果表明:所设计的双振子吸振器具有较好的吸振作用,且具有结构简单、安装方便的优点。 关键词:双振子动力吸振器;弹簧-质量单元;有限元分析

中图分类号: TB123 文献标志码: A 文章编号: 1673-9833(2015)05-0029-05

Design and Simulation of Double-Oscillator Dynamic Absorber

Zhang Wulin, Fan Zhengbing

(Aircraft Research Institute, Chinese Flight Test Establishment, Xi'an 710089, China)

Abstract : Established a double-oscillator multi-frequency dynamic absorber based on single-oscillator model in order to break through the limitation of single-frequency vibration absorption and reduce the vibration response of thin plate structure. Firstly, described the double-oscillator dynamic absorber model and applied spring-mass unit to constitute the absorption system for absorbing vibration energy. Then introduced the model parameter determination scheme. Finally simulated and analyzed the absorbing effect of the double-oscillator model by finite element sofware. The results show that the designed model effectively absorb vibration energy, and the structure is simple and easy to install.

Keywords : double-oscillator dynamic absorber ; spring-mass units ; finite element analysis

0 引言

随着新型飞机的研发、飞机设计与制造技术的 提高、新型材料与新型结构的采用,对飞机的机动 性、安全性、可靠性、经济性提出了更高的要求,与 此同时,结构振动疲劳与声疲劳问题也日益突出。 因此,如何有效减小机体结构的振动和噪声问题成 为研究热点。

飞机实际受激结构主要为弹性板壳结构,如机 舱地板和壁板。这些结构振动过大不仅影响结构寿 命及飞行安全,还会进一步辐射噪声,给机舱环境 带来不利的影响。受动力源转速恒定的影响,螺旋 桨飞机的受激结构的振动响应频谱存在明显的谐频 特性,且峰值较为明显。某螺旋桨飞机机舱地板的 振动响应如图1所示。



收稿日期:2015-07-02

作者简介:张武林(1987-),男,河南宁陵人,中国飞行试验研究院助理工程师,主要研究方向为噪声与振动控制, E-mail: 595172061@qq.com

动力吸振器 (dynamic vibration absorber, DVA)是 振动控制中的一种减振装置,利用吸振器 (子系统) 的振动固有频率与振动物体 (主系统)的振动频率相 同,来有效地消除主系统的振动。由于其结构简单, 对于主系统的窄带响应有良好的减振效果,因此在工 程实践中被广泛应用。针对频率固定的离散峰值,动 力吸振器可以取得较好的减振效果^[1-3]。近几年,学 者们进行了大量研究。陈果等^[4]设计了一种适用于管 路系统减振的弹簧片式动力吸振器,实验结果表明 该动力吸振器能将共振频率下的振动降低 90% 以上。 肖和业等^[5]基于导纳功率流理论,建立变截面阻尼复 合梁式新型宽带吸振器,运用混沌粒子群算法对吸 振器参数进行优化。另外,学者们还针对不同的振动 情况,选择不同的吸振器来实现减振目标^[6-7]。

本文在弹簧-振子模型的基础上,针对机舱壁板 的振动特性,建立了双振子模型动力吸振器,通过仿 真分析,证实了该模型吸振的可行性及有效性。本文 为新型多频动力吸振器的设计提供了新思路,并为其 工程运用奠定基础。

1 双振子模型

本文所设计的双振子吸振器为串联式吸振器, 相当于在不同位置并联安装了2个单振子吸振器,可 针对不同的频率同时进行吸振。与并联式吸振器相 比,串联式吸振器可以减少吸振器的安装位置,这 对于要求严格、空间有限的飞机机舱环境来说尤为 重要。

双振子动力吸振器安装于被吸振结构,其简化 模型如图2所示。图中参数说明如下:

 m_i (*i*=1, 2) 为单振子吸振器的振子质量;

 k_i (*i*=1,2)为单振子吸振器的弹簧刚度系数;

 c_i (*i*=1,2)为单振子吸振器的阻尼系数;

x_i(*i*=1,2)为单振子吸振器的振动位移; *F*为激励载荷。







荷F。吸振器的动力学方程为:

$$\begin{cases} m_1 \ddot{x}_1^2 + c_1 \dot{x}_1 - c_2 (\dot{x}_2 - \dot{x}_1) + k_1 x_1 - k_2 (x_2 - x_1) = F, \\ m_2 \ddot{x}_2^2 + c_2 (\dot{x}_2 - \dot{x}_1) + k_2 (x_2 - x_1) = 0 \\ \end{cases}$$
(1)

当 $k_2 >> k_1$ 时, $m_1 = m_2$ 相当于硬连接,此时等效 为单振子模型,吸振系统的振子质量 $m = m_1 + m_2$,系统 刚度 $k = k_1$;当 $k_2 << k_1$ 时, m_1 相当于与被吸振结构硬连 接,此时吸振系统的振子质量 $m = m_2$,系统刚度 $k = k_2$ 。

吸振系统受到的激励载荷为 $F=F_0e^{i\omega t}$,其中 F_0 , ω ,t分别为激励载荷的幅值、变化角频率与作用时间。设上述微分方程解的形式为

$$x_1 = A_1 \mathbf{e}^{\mathbf{j}\omega t}, \ x_2 = A_2 \mathbf{e}^{\mathbf{j}\omega t},$$

式中*A*₁, *A*₂为对应振子包含振动相位信息的振子振动 幅值。将解代入式(1)中,可得:

$$\begin{cases} A_{1} = \left[\left(k_{2} + k_{1} + j\omega c_{1} + j\omega c_{2} - \omega^{2} m_{1} \right) + \frac{\left(k_{2} + j\omega c_{2} \right)^{2}}{\omega^{2} m_{2} - j\omega c_{2} - k_{2}} \right]^{-1}, \\ A_{2} = \frac{k_{2} + j\omega c_{2}}{\omega^{2} m_{2} - j\omega c_{2} - k_{2}} A_{1} \circ \end{cases}$$

(2)

双振子的振动频谱如图3所示。由图3可以看出, 双振子模型共有两阶共振频率,其频率值与峰值大 小由*m_i*, *k_i*, *c_i*共同决定, *m_i*, *k_i*主要决定固有频率位置, *c_i*主要影响峰值的大小。由于双振子模型存在两阶 共振频率,故在理论上,可以针对被吸振结构的任 意两阶共振峰进行多频吸振器的设计。



图3 振子单元振动幅值图



2 模型参数的数值确定

为更方便地应用动力学吸振,吸振器各参数的 数值需要被快速有效地确定。

为简化计算,先设阻尼系数 c₁=c₂=0。由式(2) 可以得到双振子模型的频率公式^[8]为

$$m_1m_2\omega^4 - [(k_1 + k_2)m_2 + k_2m_1]\omega^2 + k_1k_2 = 0_\circ$$
 (3)
对式(3)作进一步化简,得到

$$\left(\omega^{2} - \omega_{01}^{2}\right)\left(\omega^{2} - \omega_{02}^{2}\right) = \frac{k_{2}}{m_{1}}\omega^{2}, \qquad (4)$$

式中: $\omega_{01} = \sqrt{\frac{k_1}{m_1}} = 2\pi f_{01}$ 为振子1的固有角频率,其中 f_{01} 为振子1的固有频率;

 $\omega_{02} = \sqrt{\frac{k_2}{m_2}} = 2\pi f_{02}$ 为振子2的固有角频率,其中 f_{02} 为振子2的固有频率。

由式(4)可以看出:

1)如果将 ω^2 作为自变量,等式左边为关于 ω^2 的 抛物线,其与横轴的交点为 $\omega_{01}^2, \omega_{02}^2$;

2)等式右边为关于 ω^2 、斜率为正的直线,抛物线 与直线的交点 ω_1^2 , ω_2^3 即为双振子模型的共振频率;

3)根据抛物线与直线的交点特性,可判定 $\omega_l^2 < \omega_{0l}^2 < \omega_{0l}^2 < \omega_{0l}^2 < \omega_{0l}^2$,如图4所示。



图4 固有频率公式的数学表达

Fig. 4 Mathematical expression of natural frequency formula

根据动力学吸振器的吸振原理,当吸振器的共 振频率与被吸振结构的振动频率一致时,系统发生 共振,振动能量被"吸"到了动力吸振器中,而被 吸振结构的振动幅值会明显减小。

在进行吸振器设计时,被吸振的目标频率 ω_1^2, ω_2^2 已知,则将 ω_1^2, ω_2^2 代入式(4)中,可得:

$$\begin{cases} \left(\omega_{1}^{2}-\omega_{01}^{2}\right)\left(\omega_{1}^{2}-\omega_{02}^{2}\right)=\frac{k_{2}}{m_{1}}\omega_{1}^{2},\\ \left(\omega_{2}^{2}-\omega_{01}^{2}\right)\left(\omega_{2}^{2}-\omega_{02}^{2}\right)=\frac{k_{2}}{m_{1}}\omega_{2}^{2}. \end{cases}$$
(5)

由式(5)进一步可以得到 $\omega_1^2, \omega_{22}^2, \omega_{01}^2, \omega_{02}^2$ 的关系为

$$\omega_{02}^{2} = \frac{\omega_{1}^{2}\omega_{2}^{2}}{\omega_{01}^{2}}_{\circ}$$
 (6)

如果对 ω_{01}^2 设定初值,则可以计算得到 ω_{02}^2 。将式

(6) 带人式(4) 中, 并联立 $\omega_{02}^2 = \frac{k_2}{m_2}$, 可以得到 m_1 , m_2 的关系式为

$$m_{2} = \frac{\left(\omega_{1}^{2} - \omega_{01}^{2}\right)\left(\omega_{1}^{2} - \omega_{02}^{2}\right)}{\omega_{02}^{2}\omega_{1}^{2}}m_{10} \qquad (7)$$

因此,对吸振器进行设计时,如果对 ω_{01}^2 , m₁设定

初值,就可以根据上述关系式计算得到双振子模型 吸振器的其他参数。双振子模型各参数的确定流程 如图5所示。



图5 双振子模型参数的确定方法

Fig. 5 The parameter determination method of double-oscillator model

3 双振子吸振器的建模与仿真分析

为验证双振子模型吸振的有效性,本文以四边简 支板为被吸振对象。板的参数设置如下:长a=0.8 m, 宽b=0.5 m,厚h=0.005 m,弹性模量 $E=2.1 \times 10^{11}$ Pa, 密度P=7 800 kg/m³,泊松比 $\mu=0.3$,激励位置(0.22 m, 0.16 m)。图6中实线为单位简谐点力作用下简支板的 振动加速度级,虚线为安装单振子吸振器的简支板 (简称吸振板,下同)在单位简谐点力作用下的振动 加速度级。



图6 简支板的振动加速度级图



由图 6 中的实线可以看出:受简支板自身振动特 性的影响,振动频谱上存在很多离散的共振峰值,如 果振动过大,可能会对简支板结构造成破坏,且在 其上安装机载设备时,可能会对设备安全性与稳定 性造成影响。对比图中实线与虚线的变化规律发现: 传统单振子吸振器每次只能针对单个共振峰值进行 吸振,频率单一,吸振频带较窄;而双振子模型能 同时针对任意两阶共振峰进行吸振,因此,其可以 为被吸振结构提供更宽频率的低振动区域,即相对 于单振子吸振器,双振子吸振器能够有效地拓宽吸 振器的频率作用范围。

本文以第1阶(69 Hz,模态阶数(1,1))、第 2阶(127 Hz,模态阶数(2,1))峰值为对象,设计 吸振器。设 f_{01} =110 Hz, m_1 =0.250 kg,基于上述参数 值的确定方法,得到模型的各参数值见表1。由表 1可知,双振子吸振器的总质量不足被吸振结构质 量的2.5%。

表1 双振子模型各参数的取值表

Table 1	Parameter values of double-oscillator model		
名称	m_i/kg	$k_i/(N \cdot m^{-1})$	$c_i/(\mathrm{Ns}\cdot\mathrm{m}^{-1})$
振子 1	0.250	119 420	5
振子 2	0.096	24 118	2

单振子吸振器的安装必须选择在模态峰值最大的振动位置,而双振子吸振器必须同时兼顾两阶峰值。基于目标频率振型,本文确定吸振器的安装坐标为(0.56 m,0.13 m)。吸振前后简支板的振动加速度级对比结果如图7所示。不同阻尼下的吸振效果对比如图8 所示。









Fig. 8 Contrast of absorbing effect under different damping

由图 7~8 可以看出:相对于原简支板,吸振后简 支板第1阶、第2阶共振峰值明显减小;由于吸振器 的引入,在减小原共振峰值的同时,会在原共振峰 值两侧产生新的共振峰值^[8-9],但峰值较小,并且当 增大阻尼系数时,新产生的峰值会进一步减小(见 图 8)^[10]。另外,对比图 6 与图 7 可以发现,能够针 对两阶共振峰值同时吸振的双振子吸振器明显拓宽 了吸振器的频率作用范围,且在相同阻尼系数下吸 振能力并未降低^[11-13]。

针对共振峰值 127, 274 Hz进行吸振器设计,改变 双振子吸振器参数,取 f_{01} =150 Hz, m_1 值不变,其余 参数值由图 5 所示的流程计算得到,安装于简支板的 位置不变。吸振器前后的对比结果如图 9 所示。由图 9 可以看出,针对 127, 274 Hz 位置处的共振峰值,改 变参数后所设计的吸振器同样具有较好吸振效果。



Fig. 9 Absorbing effect after changing parameter values

4 结语

针对机舱壁板存在明显谐频振动的特点,文本 基于双振子模型设计了多频动力吸振器,给出了吸 振器参数的快速确定方法,并对其进行有限元仿真 分析。该双振子吸振器的设计方法简单,可对任意 两阶共振峰进行吸振,吸振时的频率针对性强,吸 振效果明显。本文为航空机载设备提供了稳定的安 装环境,也为机舱减振降噪的设计方案提供了理论 基础。

参考文献:

[1] 宛敏红. 薄板结构的吸振控制研究[D]. 西安: 西北工业 大学, 2007.

Wan Minhong. The Study on Vibration Control of Sheet Structure[D]. Xi' an: Northwestern Polytechnical University, 2007.

[2] 马 强. 一种宽频动力吸振器的设计研究[D]. 北京:北 方工业大学, 2011.

Ma Qiang. Research of a Dynamic Vibration Absorber with Wideband Resonant Frequency[D]. Beijing: North China University of Technology, 2011.

- [3] Cheung Y L, Wong W O. H_x and H₂ Optimizations of a Dynamic Vibration Absorber for Suppressing Vibrations in Plates[J]. Journal of Sound and Vibration, 2009, 320(2): 29–42.
- [4] 陈 果,程小勇,刘明华,等.用于管道减振的新型动力吸振器[J].中国机械工程,2014,25(23),3125-3131.

Chen Guo, Cheng Xiaoyong, Liu Minghua, et al. A New Type of Dynamic Vibration Absorber for Pipe System Vibration Suppression[J]. China Mechanical Engineering, 2014, 25(23): 3125–3131.

- [5] 肖和业,盛美萍,吴伟浩.新型宽带动力吸振器优化设计[J].振动与冲击,2011,30(1):98-101.
 Xiao Heye, Sheng Meiping, Wu Weihao. Optimization Analysis for a New Type of Broadband Dynamic Absorber Based on Partical Swarm Optimization[J]. Journal of Vibration and Shock, 2011, 30(1):98-101.
- [6] Le T D, Ahn K K. A Vibration Isolation System in Low Frequency Excitation Region Using Negative Stiffness Structure for Vehicle Seat[J]. Journal of Sound & Vibration, 2011, 330 (26): 6311–6335.
- Yang Cheng, Li Deyu, Cheng Li. Dynamic Vibration Absorbers for Vibration Control Within a Frequency Band
 J. Journal of Sound & Vibration, 2011, 330(8): 1582– 1598.
- [8] 盛美萍,王敏庆,孙进才.噪声与振动控制技术基础[M]. 北京:科学出版社,2005:74.
 Sheng Meiping, Wang Minqing, Sun Jincai. Foundation of Noise and Vibration Control Technology[M]. Beijing: Science Press, 2005:74.
 [9] 韩 锋.多频动力吸振器优化设计技术研究[D].南京:
- 南京航空航天大学, 2014. Han Feng. Optimization Design Technology of Multi-Frequency Dynamic Vibration Absorber[D]. Nanjing : Nanjing University of Aeronautics and Astronautics, 2014.

 [10] 苏彬彬,徐 凯,李连进.主动式磁流变液阻尼动力吸振器的优化设计[J].天津理工学院学报,2004,20(2): 37-38.

Su Binbin, Xu Kai, Li Lianjin. The Optimum Design of Active Vibration Absorbers of the Magnetic Rheology Damp [J]. Journal of Tianjin Institute of Technology, 2004, 20 (2): 37–38.

[11] 李剑锋,龚兴龙,张先舟,等.主动移频式动力吸振器 及其动力特性的研究[J].实验力学,2005,20(4):507-514.

Li Jianfeng, Gong Xinglong, Zhang Xianzhou, et al. Study of Adaptive Tuned Vibration Absorber and Its Dynamic Properties[J]. Journal of Experimental Mechanics, 2005, 20(4): 507–514.

- [12] 张 立.基于压电技术的飞壁板结构振动与噪声控制[D]. 西安:西北工业大学,2014.
 Zhang Li. Study on Vibration and Noise Control for Aircraft Panel Structure Based on Piezoelectric Technique[D].
 Xi'an: NorthwesternPolytechnicalUniversity, 2014.
- [13] 何 山. 动力吸振器的设计方法研究及其在汽车减振降 噪中的应用[D]. 广东:华南理工大学, 2014.
 He Shan. The Design Method Study of the Dynamic Vibration Absorber and the Application in Vehicle Vibration and Noise Reduction[D]. Guangdong: South China University of Technology, 2014.

(责任编辑:邓彬)